

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
**Федеральное государственное автономное образовательное учреждение
 высшего образования**
«Национальный исследовательский технологический университет «МИСИС»

Приложение 4
 к ОПОП ВО 27.03.03 СИСТЕМНЫЙ АНАЛИЗ И
 УПРАВЛЕНИЕ

Рабочая программа дисциплины

Математика

Закреплена за подразделением

Кафедра математики

Направление подготовки

27.03.03 СИСТЕМНЫЙ АНАЛИЗ И УПРАВЛЕНИЕ

Квалификация **Бакалавр**

Форма обучения **очная**

Общая трудоемкость **20 ЗЕТ**

Часов по учебному плану 720

Формы контроля в семестрах:

в том числе:

экзамен 1, 2, 3, 4

аудиторные занятия 340

самостоятельная работа 236

часов на контроль 144

Распределение часов дисциплины по семестрам

Семестр (<Курс>.<Семестр на курсе>)	1 (1.1)		2 (1.2)		3 (2.1)		4 (2.2)		Итого	
Неделя	18		18		18		18			
Вид занятий	УП	РП	УП	РП	УП	РП	УП	РП	УП	РП
Лекции	34	34	34	34	34	34	34	34	136	136
Практические	51	51	51	51	51	51	51	51	204	204
Итого ауд.	85	85	85	85	85	85	85	85	340	340
Контактная работа	85	85	85	85	85	85	85	85	340	340
Сам. работа	59	59	59	74	59	59	59	59	236	251
В том числе сам. работа в рамках ФОС		58		45		40		30		
Часы на контроль	36	36	36	36	36	36	36	36	144	144
Итого	180	180	180	195	180	180	180	180	720	735

Программу составил(и):

к.ф.-м.н., доцент, Левишина Г.Д.; к.т.н., доц., Карасев В.А.

Рабочая программа дисциплины

Математика

Разработана в соответствии с ОС ВО НИТУ МИСИС:
приказ № 632 о.в. от 20.10.2025

Составлена на основании учебного плана:

27.03.03 СИСТЕМНЫЙ АНАЛИЗ И УПРАВЛЕНИЕ, 27.03.03-БСА-25.plx , утвержденного Ученым советом НИТУ МИСИС в составе соответствующей ОПОП ВО 16.10.2025, протокол № 8-25

Утверждена в составе ОПОП ВО:

27.03.03 СИСТЕМНЫЙ АНАЛИЗ И УПРАВЛЕНИЕ, утвержденной Ученым советом НИТУ МИСИС 16.10.2025, протокол № 8-25

Рабочая программа одобрена на заседании

Кафедра математики

Протокол от 16.04.2025 г., № 3

Руководитель подразделения д.ф.-м.н., профессор Давыдов А.А.

1. ЦЕЛИ ОСВОЕНИЯ	
1.1	Целью освоения дисциплины (модуля) является сформировать у студентов необходимые знания основных понятий и методов дифференциального исчисления, интегрального исчисления, теории дифференциальных уравнений, теории рядов и теории функций комплексного переменного. Научить оперировать понятиями дифференциального исчисления, интегрального исчисления, теории дифференциальных уравнений, теории рядов и теории функций комплексного переменного и вычислять различные числовые характеристики. Развивать умения и навыки создания наглядных математических моделей средствами дифференциального исчисления, интегрального исчисления, теории дифференциальных уравнений, теории рядов и теории функций комплексного переменного для описания тех или иных процессов, технических и технологических схем, с помощью которых анализировать, прогнозировать и оптимизировать исследуемые процессы и схемы. Развивать навыки использования современных вычислительных средств для решения научных и прикладных задач, связанных с профессиональной деятельностью.

2. МЕСТО В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ	
Блок ОП:	Б1.О
2.1	Требования к предварительной подготовке обучающегося:
2.2	Дисциплины (модули) и практики, для которых освоение данной дисциплины (модуля) необходимо как предшествующее:
2.2.1	Производственная практика по получению профессиональных умений и опыта профессиональной деятельности
2.2.2	Методы синтеза оптимальных проектных решений
2.2.3	Подготовка к процедуре защиты и защита выпускной квалификационной работы
2.2.4	Моделирование и анализ предметной области
2.2.5	Процессный подход в управлении предприятием
2.2.6	Методология проектирования и управление ИТ-проектами

3. РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ, СООТНЕСЕННЫЕ С ФОРМИРУЕМЫМИ КОМПЕТЕНЦИЯМИ	
УК-1: Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, умение анализировать процессы и системы с использованием соответствующих аналитических, вычислительных и экспериментальных методов, применять системный подход для решения поставленных задач	
Знать:	
УК-1-31 основы высшей математики: основные элементарные математические факты линейной алгебры, аналитической геометрии, математического анализа, дифференциальных уравнений, теории функций комплексного переменного, способы использования основных естественнонаучных законов, применения математического аппарата в профессиональной деятельности; математические методы и модели для описания, анализа и решения практических задач.	
УК-1-32 основные формулы и понятия теории вероятностей, методы математической статистики	
ОПК-1: Способен анализировать задачи профессиональной деятельности на основе положений, законов и методов в области естественных наук и математики с учётом современных достижений; умение анализировать комплексные инженерные продукты, процессы и системы с использованием соответствующих аналитических, вычислительных и экспериментальных методов; правильно интерпретировать результаты анализа	
Знать:	
ОПК-1-31 основные положения, законы и методы математического анализа, линейной алгебры, геометрии, дифференциальных уравнений и статистики, применимые для моделирования инженерных задач	
ОПК-2: Способен идентифицировать и формулировать задачи профессиональной деятельности на основе знаний профильных разделов математических и естественнонаучных дисциплин (модулей) с учётом современных достижений	
Знать:	
ОПК-2-31 профильные разделы математических и естественнонаучных дисциплин, необходимые для постановки и формализации прикладных задач	
УК-1: Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, умение анализировать процессы и системы с использованием соответствующих аналитических, вычислительных и экспериментальных методов, применять системный подход для решения поставленных задач	
Уметь:	
УК-1-У1 использовать основные законы высшей математики при решении практических задач, анализировать практические ситуации, выделять базовые составляющие задачи, подбирать варианты решения и разрабатывать алгоритмы решения практической задачи.	
УК-1-У2 решать практические задачи по сбору обработке статистических данных	

ОПК-1: Способен анализировать задачи профессиональной деятельности на основе положений, законов и методов в области естественных наук и математики с учётом современных достижений; умение анализировать комплексные инженерные продукты, процессы и системы с использованием соответствующих аналитических, вычислительных и экспериментальных методов; правильно интерпретировать результаты анализа								
Уметь:								
ОПК-1-У1 применять аналитические, вычислительные и экспериментальные методы математики для анализа сложных инженерных продуктов, процессов и систем								
ОПК-2: Способен идентифицировать и формулировать задачи профессиональной деятельности на основе знаний профильных разделов математических и естественнонаучных дисциплин (модулей) с учётом современных достижений								
Уметь:								
ОПК-2-У1 формулировать и структурировать профессиональные задачи с использованием методов математического моделирования								
УК-1: Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, умение анализировать процессы и системы с использованием соответствующих аналитических, вычислительных и экспериментальных методов, применять системный подход для решения поставленных задач								
Владеть:								
УК-1-В1 применения основных формул математического анализа и линейной алгебры при описании, анализе и решении практических задач.								
УК-1-В2 применения методов обработки статистических данных								
ОПК-1: Способен анализировать задачи профессиональной деятельности на основе положений, законов и методов в области естественных наук и математики с учётом современных достижений; умение анализировать комплексные инженерные продукты, процессы и системы с использованием соответствующих аналитических, вычислительных и экспериментальных методов; правильно интерпретировать результаты анализа								
Владеть:								
ОПК-1-В1 корректной интерпретации полученных математических результатов в контексте профессиональной деятельности								
ОПК-2: Способен идентифицировать и формулировать задачи профессиональной деятельности на основе знаний профильных разделов математических и естественнонаучных дисциплин (модулей) с учётом современных достижений								
Владеть:								
ОПК-2-В1 самостоятельное определение способов решения задач и выбор адекватных математических методов								

4. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ

Код занятия	Наименование разделов и тем /вид занятия/	Семестр / Курс	Часов	Формируемые индикаторы компетенций	Литература и эл. ресурсы	Примечание	КМ	Выполняемые работы
	Раздел 1. Линейная алгебра и аналитическая геометрия.							
1.1	Предмет изучения аналитической геометрии и линейной алгебры. Геометрические векторы. Общие понятия. Линейные операции над векторами. Понятие линейного пространства. Линейная зависимость и независимость элементов линейного пространства. Линейная зависимость геометрических векторов. /Лек/	1	1	УК-1-31	Л1.9 Л1.7Л2.5 Л2.9 Л2.10Л3.2 Л3.4 Э2 Э3			

1.2	Размерность и базис линейного пространства. Линейные операции в координатной форме. Проекция вектора на ось. Связь координат вектора и координат точки. Скалярное произведение двух векторов. Понятие о евклидовом пространстве. /Лек/	1	1	УК-1-31	Л1.9 Л1.7Л2.5 Л2.9 Л2.10Л3.2 Л3.4 Э2 Э3			
1.3	Определители второго и третьего порядков, их свойства. Векторное и смешанное произведения векторов, их свойства, координатное представление, применение в физике и механике. /Лек/	1	1	УК-1-31	Л1.1 Л1.9 Л1.7Л2.5 Л2.9 Л2.10Л3.2 Л3.4 Э3			
1.4	Прямая на плоскости как алгебраическая линия первого порядка. Основные виды уравнений прямой на плоскости. Плоскость как алгебраическая поверхность первого порядка. Основные виды уравнений плоскости. /Лек/	1	1	УК-1-31	Л1.1 Л1.9 Л1.7Л2.5 Л2.9 Л2.10Л3.2 Л3.4 Э2			
1.5	Прямая в пространстве как линия пересечения двух плоскостей. Основные способы задания прямой в пространстве. Взаимное расположение двух прямых в пространстве. Взаимное расположение прямой и плоскости в пространстве. /Лек/	1	1	УК-1-31	Л1.1 Л1.9 Л1.7Л2.5 Л2.9 Л2.10Л3.2 Л3.4 Э1 Э2 Э3			
1.6	Алгебраические кривые второго порядка. Общее уравнение кривой второго порядка. Эллипс. Гипербола. Парабола. Их директориальное и оптическое свойство. Канонические уравнения линий второго порядка. /Лек/	1	1	УК-1-31	Л1.1 Л1.9 Л1.7Л2.5 Л2.10Л3.2 Л3.4 Э1 Э2 Э3			
1.7	Алгебраические поверхности второго порядка. Общее уравнение поверхности второго порядка. Канонические уравнения основных алгебраических поверхностей второго порядка. Исследование формы основных поверхностей методом сечений. /Лек/	1	1	УК-1-31	Л1.1 Л1.9 Л1.7Л2.5 Л2.9 Л2.10Л3.2 Л3.4 Э1 Э2			

1.8	Матрицы. Операции над ними. Определители n-ого порядка. /Лек/	1	1	УК-1-31	Л1.1 Л1.9 Л1.7Л2.5 Л2.9 Л2.10Л3.2 Л3.4 Э1			
1.9	Обратная матрица. Ранг матрицы. /Лек/	1	1	УК-1-31	Л1.1 Л1.9 Л1.7Л2.5 Л2.9 Л2.10Л3.2 Л3.4 Э1 Э2			
1.10	Системы линейных уравнений. Основные понятия. Критерий совместности системы линейных уравнений. Правило Крамера. /Лек/	1	1	УК-1-31	Л1.1 Л1.9 Л1.7Л2.5 Л2.9 Л2.10Л3.2 Л3.4 Э2			
1.11	Системы линейных однородных уравнений. Свойства решений системы линейных однородных уравнений. Фундаментальная система решений. Свойства множества решений системы линейных уравнений. Общее решение системы линейных неоднородных уравнений. /Лек/	1	1	УК-1-31	Л1.1 Л1.9 Л1.7Л2.5 Л2.9 Л2.10Л3.2 Л3.4 Э2			
1.12	Линейные операторы, действующие в произвольном линейном пространстве. Определение линейного оператора. Матрица линейного оператора. Преобразование координат вектора при переходе от одного базиса к другому. Преобразование координат матрицы линейного оператора при переходе от одного базиса к другому. Собственные значения и собственные векторы линейного оператора. Характеристический многочлен. /Лек/	1	1	УК-1-31	Л1.9 Л1.7Л2.5 Л2.9 Л2.10Л3.2 Л3.4 Э2			

1.13	<p>Определение евклидова пространства. Линейные операторы, действующие в евклидовом пространстве. Основные метрические соотношения.</p> <p>Ортонормированный базис конечномерного евклидова пространства. Процесс ортогонализации.</p> <p>Определение самосопряженного оператора. Свойства собственных значений и собственных векторов самосопряженного оператора.</p> <p>Ортонормированный базис из собственных векторов самосопряженного линейного оператора в евклидовом пространстве.</p> <p>/Лек/</p>	1	1	УК-1-31	Л1.1 Л1.9 Л1.7Л2.5 Л2.9 Л2.10Л3.2 Л3.4 Э1 Э2			
1.14	<p>Квадратичные формы. Приведение квадратичной формы к каноническому виду методом Лагранжа. Закон инерции. Классификация квадратичных форм. Необходимое и достаточное условие знакоопределенности квадратичной формы .</p> <p>Приведение квадратичной формы к каноническому виду методом собственных векторов.</p> <p>/Лек/</p>	1	1	УК-1-31	Л1.1 Л1.9 Л1.7Л2.5 Л2.9 Л2.10Л3.2 Л3.4 Э1 Э2			
1.15	<p>Приложения теории самосопряженных линейных операторов к исследованию общих уравнений кривых и поверхностей второго порядка. /Лек/</p>	1	1	УК-1-31	Л1.1 Л1.9 Л1.7Л2.5 Л2.9 Л2.10Л3.2 Л3.4 Э1 Э2 Э3			
1.16	Обзорная лекция. /Лек/	1	1	УК-1-31	Л1.1 Л1.9 Л1.7Л2.5 Л2.9 Л2.10Л3.2 Л3.4 Э1 Э2 Э3			
1.17	<p>Линейные операции над векторами. Линейная зависимость векторов. /Пр/</p>	1	1	УК-1-31	Л1.1 Л1.9 Л1.7Л2.5 Л2.9Л3.2 Л3.4 Э2 Э4			
1.18	<p>Скалярное произведение векторов. Линейные операции над векторами в координатной форме.</p> <p>/Пр/</p>	1	1	УК-1-У1 УК-1-В1	Л1.1 Л1.9 Л1.7Л2.5 Л2.9Л3.2 Л3.4 Э4			

1.19	Определители второго и третьего порядков. Векторное и смешанное произведения векторов. Применение векторной алгебры для решения прикладных задач. /Пр/	1	1	УК-1-В1	Л1.1 Л1.9 Л1.7Л2.5 Л2.9Л3.2 Л3.4 Э2 Э4			
1.20	Контрольная работа № 1 "Векторная алгебра". /Пр/	1	1	УК-1-У1 УК-1-У2 УК-1-В1	Л1.1 Л1.9 Л1.7Л2.5 Л2.9 Л2.10Л3.2 Л3.4 Э2 Э4		КМ1	
1.21	Прямая на плоскости. /Пр/	1	1	УК-1-В1	Л1.1 Л1.9 Л1.7Л2.5 Л2.9Л3.2 Л3.4 Э2 Э4			
1.22	Прямая и плоскость в пространстве. /Пр/	1	1	УК-1-В1	Л1.1 Л1.9 Л1.7Л2.5 Л2.9Л3.2 Л3.4 Э2 Э3 Э4			
1.23	Кривые второго порядка. /Пр/	1	1	УК-1-В1	Л1.1 Л1.9 Л1.7Л2.5 Л2.9 Л2.10Л3.2 Л3.4 Э2 Э3 Э4			
1.24	Поверхности второго порядка. /Пр/	1	1	УК-1-У2 УК-1-В1	Л1.1 Л1.9 Л1.7Л2.5 Л2.9 Л2.10Л3.2 Л3.4 Э1 Э2 Э4			
1.25	Контрольная работа №2 «Аналитическая геометрия». /Пр/	1	1	УК-1-В1	Л1.1 Л1.9 Л1.7Л2.5 Л2.9 Л2.10Л3.2 Л3.4 Э4		КМ2	
1.26	Определители n-ого порядка, их свойства и методы вычисления. /Пр/	1	1	УК-1-В1	Л1.1 Л1.9 Л1.7Л2.5 Л2.9 Л2.10Л3.2 Л3.4 Э4			
1.27	Матрицы, операции над матрицами. Обратная матрица. Ранг матрицы и методы его вычисления. /Пр/	1	1	УК-1-У1 УК-1-В1	Л1.1 Л1.9 Л1.7Л2.5 Л2.9 Л2.10Л3.2 Л3.4 Э3			
1.28	Системы линейных уравнений. Метод Крамера. Решение матричных уравнений. Исследование систем линейных уравнений. /Пр/	1	1	УК-1-В1	Л1.1 Л1.9 Л1.7Л2.5 Л2.9 Л2.10Л3.2 Л3.4 Э2 Э4			
1.29	Линейные операторы. Матрица линейного оператора и ее преобразование при переходе к новому базису. /Пр/	1	1	УК-1-В1	Л1.1 Л1.9 Л1.7Л2.5 Л2.9 Л2.10Л3.2 Л3.4 Э2 Э4		КМ22	

1.30	Собственные значения и собственные векторы линейного оператора. /Пр/	1	1	УК-1-У1	Л1.1 Л1.9 Л1.7Л2.5 Л2.9 Л2.10Л3.2 Л3.4 Э2 Э4			
1.31	Приложения теории самосопряженных линейных операторов к исследованию общих уравнений кривых и поверхностей второго порядка. /Пр/	1	1	УК-1-В1	Л1.1 Л1.9 Л1.7Л2.5 Л2.9 Л2.10Л3.2 Л3.4 Э2 Э4			
1.32	Контрольная работа № 3 «Определители, матрицы, системы линейных уравнений». /Пр/	1	1	УК-1-В1	Л1.1 Л1.9 Л1.7Л2.5 Л2.9 Л2.10Л3.2 Л3.4 Э2 Э4		КМ3	
	Раздел 2. Математический анализ. Дифференциальное исчисление функций одной переменной.							
2.1	Элементы математической логики. Символика математической логики и ее использование. Верхние и нижние грани множеств. Числовые последовательности. Предел последовательности. /Лек/	1	1	УК-1-31 ОПК-1-31 ОПК-2-31	Л1.6 Л1.5Л2.1 Л2.6Л3.11 Л3.5 Э2 Э3			
2.2	Существование предела монотонной ограниченной последовательности. Число e . Предел функции в точке. Предел функции в бесконечности. Свойства функций, имеющих предел. Критерий Коши. /Лек/	1	1	УК-1-31	Л1.6 Л1.5 Л1.7Л2.1 Л2.6Л3.11 Л3.5 Э2 Э4			
2.3	Предел функции в точке и на бесконечности. Свойства предела функции. Односторонние пределы. Пределы монотонных функций. /Лек/	1	1	УК-1-31	Л1.6 Л1.5 Л1.7Л2.2Л3.1 1 Л3.5 Э2 Э3			
2.4	Замечательные пределы. Сравнение функций. Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Эквивалентные функции. /Лек/	1	1	УК-1-31	Л1.6 Л1.5 Л1.7Л2.2 Л2.9 Л2.4Л3.11 Л3.5 Э2 Э4			

2.5	Непрерывность функции. Локальные свойства непрерывных функций. Непрерывность сложной и обратной функций. Непрерывность элементарных функций. Односторонняя непрерывность. Точки разрыва, их классификация. /Лек/	1	1	УК-1-31	Л1.6 Л1.5 Л1.7Л2.2 Л2.9 Л2.4Л3.11 Л3.5 Э2 Э4			
2.6	Производная функции. Понятие функции, дифференцируемой в точке. Производная функции, ее смысл в различных задачах. Правила нахождения производной. /Лек/	1	1	УК-1-31	Л1.6 Л1.5 Л1.7Л2.2Л3.1 1 Л3.5 Э2 Э4			
2.7	Производная сложной и обратной функций. Дифференцирование функций, заданных параметрически. Производные высших порядков. /Лек/	1	1	УК-1-31	Л1.6 Л1.5Л2.2 Л2.4Л3.11 Л3.5 Э2 Э4			
2.8	Дифференциал функции, его геометрический смысл. Общее представление о методах линеаризации. Применение дифференциала в приближенных вычислениях. Правила нахождения дифференциала. Инвариантность формы дифференциала. Дифференциалы высших порядков. /Лек/	1	1	УК-1-31	Л1.6 Л1.5 Л1.7Л2.2 Л2.4Л3.11 Л3.5 Э2 Э4			
2.9	Теоремы о дифференцируемых функциях: Теорема Ферма. Теорема Ролля. Теорема Лагранжа. Теорема Коши, их применение. Правило Лопиталя. /Лек/	1	1	УК-1-31	Л1.6 Л1.5 Л1.7Л2.2 Л2.4Л3.11 Л3.5 Э2 Э4			
2.10	Формула Тейлора с остаточным членом в форме Лагранжа и Пеано. Формула Маклорена. Представление элементарных функций по формуле Маклорена. /Лек/	1	1	УК-1-31	Л1.6 Л1.5 Л1.7Л2.2 Л2.9Л3.11 Л3.5 Э2 Э4			

2.11	Условия монотонности функции. Экстремумы функции, необходимое условие. Достаточные условия. Отыскание наибольшего и наименьшего значений функции, дифференцируемой на отрезке. /Лек/	1	1	УК-1-31	Л1.6 Л1.5Л2.6 Л2.9Л3.11 Л3.5 Э2 Э4			
2.12	Исследование выпуклости функции. Точки перегиба. Асимптоты функций. Общая схема исследования функции и построения ее графика. /Лек/	1	1	УК-1-31	Л1.5 Л1.7Л2.6 Л2.9Л3.11 Л3.5 Э2			
2.13	Элементарные функции и их графики. Принцип математической индукции. /Пр/	1	1	УК-1-У2 УК-1-В1	Л1.6 Л1.5Л2.6 Л2.9Л3.11 Л3.5 Э1 Э2 Э4			
2.14	Вычисление непосредственно и с помощью правил (теорем). Арифметические свойства пределов. /Пр/	1	1	УК-1-В1	Л1.6 Л1.5Л2.6 Л2.9Л3.11 Л3.5 Э1 Э2			
2.15	Предел функции. Вычисление непосредственно и с помощью правил (теорем). /Пр/	1	2	УК-1-В1 ОПК-1-В1 ОПК-1-У1 ОПК-2-У1	Л1.6 Л1.5Л2.6 Л2.9Л3.11 Л3.5 Э1 Э2 Э4			
2.16	Вычисление пределов с помощью 1 и 2 замечательных пределов, с помощью эквивалентных бесконечно малых. /Пр/	1	2	УК-1-У1 УК-1-В1	Л1.6 Л1.5Л2.6 Л2.9Л3.11 Л3.5 Э1 Э3 Э4			
2.17	Исследование функций на непрерывность в точке и на промежутке. Исследование функций на наличие точек разрыва и их (характер) классификация, построение графика в окрестности таких точек. /Пр/	1	2	УК-1-В1	Л1.6 Л1.5Л2.6 Л2.9Л3.11 Л3.5 Э1 Э2 Э4		КМ22	
2.18	Контрольная работа №1. «Предел числовой последовательности. Предел и непрерывность функции». /Пр/	1	1	УК-1-В1	Л1.6 Л1.5 Л1.7Л2.6 Л2.9Л3.11 Л3.5 Э2 Э4		КМ4	
2.19	Табличное дифференцирование. Дифференцирование явно заданных функций, производная сложной функции. Касательная и нормаль. /Пр/	1	2	УК-1-В1	Л1.6 Л1.5Л2.6 Л2.9Л3.1 Л3.11 Э1 Э2 Э3 Э4			

2.20	Дифференцирование функций заданных неявно и параметрически. Производные высших порядков. Правило Лейбница. Вычисление пределов с помощью теоремы Лопиталя. /Пр/	1	2	УК-1-В1	Л1.6 Л1.5 Л1.7Л2.6 Л2.9Л3.11 Л3.5 Э2 Э4			
2.21	Раскрытие неопределенностей с помощью правила Лопиталя. /Пр/	1	2	УК-1-В1	Л1.6 Л1.5 Л1.7Л2.6 Л2.9Л3.11 Л3.5 Э2 Э4			
2.22	Формула Тейлора для многочлена. Формула Тейлора для произвольной функции. /Пр/	1	2	УК-1-В1	Л1.6 Л1.5 Л1.7Л2.6 Л2.9Л3.11 Л3.5 Э2 Э4			
2.23	Контрольная работа №2 "Производная и ее приложения". /Пр/	1	1	УК-1-В1	Л1.6 Л1.5 Л1.7Л2.6 Л2.9Л3.11 Л3.5 Э2 Э4		КМ5	
	Раздел 3. Математический анализ. Дифференциальное исчисление функций многих переменных.							
3.1	Функции нескольких переменных. Область определения. Предел функции. Непрерывность. /Лек/	1	1	УК-1-31	Л1.1 Л1.5 Л1.7 Л1.8Л2.1 Л2.11 Л2.2 Л2.9Л3.9 Л3.1 Э2			
3.2	Частные производные. Полный дифференциал и его связь с частными производными. Инвариантность формы полного дифференциала. Касательная плоскость и нормаль к поверхности. Геометрический смысл полного дифференциала. /Лек/	1	1	УК-1-31	Л1.1 Л1.5 Л1.7 Л1.8Л2.1 Л2.11 Л2.2 Л2.9Л3.9 Л3.1 Э2			
3.3	Частные производные и полные дифференциалы высших порядков. Формула Тейлора. /Лек/	1	1	УК-1-31	Л1.1 Л1.5 Л1.7 Л1.8Л2.1 Л2.11 Л2.2 Л2.9Л3.9 Л3.1 Э2			
3.4	Неявные функции. Теоремы существования. Дифференцирование неявных функций. /Лек/	1	1	УК-1-31	Л1.1 Л1.5 Л1.7 Л1.8Л2.1 Л2.11 Л2.2 Л2.9Л3.9 Л3.1 Э2			

3.5	Экстремумы функция нескольких переменных. Необходимое условие. Достаточные условия. Условный экстремум. Метод множителей Лагранжа. /Лек/	1	2	УК-1-31	Л1.1 Л1.5 Л1.7 Л1.8Л2.1 Л2.11 Л2.2 Л2.9Л3.9 Л3.1 Э2			
3.6	Область определения функции многих переменных. Линии и поверхности уровня. Предел и непрерывность функции нескольких переменных. /Пр/	1	1	УК-1-В1	Л1.1 Л1.5 Л1.7 Л1.8Л2.1 Л2.11 Л2.2 Л2.9Л3.9 Л3.1 Э2 Э4			
3.7	Частные производные и дифференциал. Касательная плоскость и нормаль к графику функции двух переменных. /Пр/	1	2	УК-1-В1	Л1.1 Л1.5 Л1.7 Л1.8Л2.1 Л2.11 Л2.2 Л2.9Л3.9 Л3.1 Э2 Э4			
3.8	Производная по направлению вектора и градиент. Неявные функции и их дифференцирование. Производные высших порядков. Дифференциалы высших порядков. Формула Тейлора. /Пр/	1	2	УК-1-В1	Л1.1 Л1.5 Л1.7 Л1.8Л2.1 Л2.11 Л2.2 Л2.9Л3.9 Л3.1 Э2 Э4			
3.9	Контрольная работа №3 «Дифференциальное исчисление функций многих переменных и ее приложения». /Пр/	1	2	УК-1-31 УК-1-У1 УК-1-В1	Л1.1 Л1.5 Л1.7 Л1.8Л2.1 Л2.11 Л2.2 Л2.9 Л2.4Л3.9 Л3.1 Э2 Э4		КМ6	
3.10	Исследование на локальный экстремум функции двух переменных. /Пр/	1	2	УК-1-В1	Л1.1 Л1.5 Л1.7 Л1.8Л2.1 Л2.11 Л2.9Л3.9 Л3.1 Э2 Э4			
3.11	Условный экстремум. Наибольшее и наименьшее значение функции нескольких переменных в замкнутой ограниченной области. Сдача ИДЗ 3 по теме ФМП (Исследование на локальный экстремум функции двух переменных. Условный экстремум. Наибольшее и наименьшее значение функции нескольких переменных в замкнутой ограниченной области.) /Пр/	1	4	УК-1-В1	Л1.1 Л1.5 Л1.7 Л1.8Л2.1 Л2.11 Л2.9Л3.9 Л3.1 Э2 Э4		КМ22	

3.12	Нахождение асимптот. Исследование функции с помощью первой производной. Наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке. Исследование функции с помощью второй производной. Исследование функций и построение графиков. Лабораторная работа по теме полное исследование функций и построение эскизов графика. /Пр/	1	4	УК-1-В1	Л1.1 Л1.5 Л1.7Л2.1 Л2.6 Л2.11 Л2.9Л3.9 Л3.1 Э2 Э4			
3.13	Проработка лекционного материала, решение индивидуального домашнего задания №3 "Дифференциальное исчисление функций многих переменных и его приложения"; подготовка к контрольной работе №3 на тему "Дифференциальное исчисление функций многих переменных и его приложения". Подготовка экзамену /Ср/	1	1	УК-1-У1 УК-1-В1	Л1.1 Л1.5 Л1.7 Л1.8Л2.1 Л2.11 Л2.2 Л2.9Л3.9 Л3.1 Э1 Э2 Э3 Э4		КМ18	Р8
	Раздел 4. Подготовка к контрольным мероприятиям и выполняемым работам							
4.1	Объем часов самостоятельной работы на подготовку к КМ /Ср/	1	37				КМ1,КМ2,КМ3	
4.2	Объем часов самостоятельной работы на подготовку к ВР /Ср/	1	21					Р1,Р2,Р3,Р4
	Раздел 5. Математический анализ. Интегральное исчисление.							
5.1	Определение первообразной функции и неопределенного интеграла. Основные свойства неопределенного интеграла. Таблица основных неопределенных интегралов. Примеры интегралов, не выражающихся через элементарные функции. Основные методы интегрирования. Метод замены переменной (подстановки). Метод интегрирования по частям. /Лек/	2	4	УК-1-31	Л1.1 Л1.11 Л1.5 Л1.7Л2.1 Л2.6 Л2.2 Л2.9 Л2.7Л3.11 Э2 Э3			

5.2	<p>Определение комплексного числа. Свойства операций над комплексными числами. Геометрическая интерпретация комплексных чисел. Тригонометрическая и показательная форма комплексного числа. Свойства комплексно сопряженных чисел. Разложение многочлена на множители. Корни многочлена. Многочлен с действительными коэффициентами. Основная теорема высшей алгебры. Разложение многочлена с действительными коэффициентами на множители. /Лек/</p>	2	2	УК-1-31	Л1.1 Л1.5Л2.1 Л2.6 Л2.2 Л2.7Л3.11			
5.3	<p>Интегрирование рациональных дробей, некоторых иррациональных и трансцендентных функций. /Лек/</p>	2	2	УК-1-31	Л1.1 Л1.5Л2.1 Л2.6 Л2.2 Л2.7Л3.11			
5.4	<p>Определенный интеграл как предел интегральных сумм. Ограниченность интегрируемой функции. Критерий интегрируемости. Интегрируемость монотонной ограниченной функции и непрерывной функции. Свойства определенного интеграла. Теорема о среднем. /Лек/</p>	2	4	УК-1-31	Л1.1 Л1.5Л2.1 Л2.6 Л2.2 Л2.7Л3.11			
5.5	<p>Определенный интеграл как функция верхнего предела. Формула Ньютона-Лейбница. Интегрирование подстановкой и по частям в определенном интеграле. Приложения определенного интеграла к решению прикладных задач геометрии, физики и техники. Вычисление площади плоской фигуры. Вычисление объема тела. Вычисление длины дуги кривой. /Лек/</p>	2	4	УК-1-31	Л1.1 Л1.5Л2.1 Л2.6 Л2.2 Л2.7Л3.11			

5.6	Определение и геометрический смысл несобственных интегралов по бесконечному промежутку и от неограниченной функции на конечном промежутке. Основные свойства сходящихся интегралов. Критерий Коши сходимости несобственных интегралов. Признаки сравнения для интегралов от неотрицательных функций. Абсолютная и условная сходимость несобственных интегралов. /Лек/	2	4	УК-1-31	Л1.1 Л1.5Л2.1 Л2.6 Л2.2 Л2.7Л3.11 Э2 Э4			
5.7	Первообразная и неопределенный интеграл. Табличное интегрирование. Метод замены переменной. /Пр/	2	3	УК-1-В1	Л1.1 Л1.5Л2.1 Л2.6 Л2.2 Л2.7Л3.11 Э2 Э4			
5.8	Интегрирование по частям и интегрирование подстановками. /Пр/	2	3	УК-1-В1	Л1.1 Л1.5Л2.1 Л2.6 Л2.2 Л2.7Л3.11 Э2 Э4			
5.9	Комплексные числа. Операции над комплексными числами. Геометрическая интерпретация комплексных чисел. Тригонометрическая и показательная форма комплексного числа. Интегрирование тригонометрических и гиперболических функций. /Пр/	2	3	УК-1-В1	Л1.1 Л1.5Л2.1 Л2.6 Л2.2 Л2.7Л3.11 Э2 Э4			
5.10	Интегрирование рациональных функций. /Пр/	2	3	УК-1-В1	Л1.1 Л1.5Л2.1 Л2.6 Л2.2 Л2.7 Л2.4Л3.11 Э2 Э4		КМ22	
5.11	Интегрирование иррациональных функций. /Пр/	2	3	УК-1-В1	Л1.1 Л1.5Л2.1 Л2.6 Л2.2 Л2.7Л3.11 Э2 Э4			
5.12	Контрольная работа №1 «Неопределенный интеграл». /Пр/	2	2	УК-1-В1	Л1.1 Л1.5Л2.1 Л2.6 Л2.2 Л2.7Л3.11 Э2 Э3		КМ7	
5.13	Определенный интеграл. Интегрирование подстановкой и по частям в определенном интеграле. /Пр/	2	4	УК-1-В1	Л1.1 Л1.5Л2.1 Л2.6 Л2.2 Л2.7Л3.11 Э2 Э4			
5.14	Вычисление площади плоской фигуры. Вычисление объема тела. Вычисление длины дуги кривой. /Пр/	2	3	УК-1-В1	Л1.1 Л1.5Л2.1 Л2.6 Л2.2 Л2.7Л3.11 Э2 Э4			

5.15	Несобственные интегралы на бесконечном и конечном промежутке. Абсолютная и условная сходимость несобственного интеграла. /Пр/	2	6	УК-1-В1	Л1.1 Л1.5Л2.1 Л2.6 Л2.2 Л2.7Л3.11 Э2 Э4			
5.16	Контрольная работа № 2 "Определенный и несобственный интеграл, приложения определенного интеграла". /Пр/	2	2	УК-1-В1	Л1.1 Л1.5Л2.1 Л2.6 Л2.2 Л2.7Л3.11 Э2 Э4		КМ8	
5.17	Проработка лекционного материала, выполнение индивидуального задания №1 "Неопределенный интеграл"; индивидуального задания №2 "Определенный интеграл"; подготовка к контрольным работам №1, №2. /Ср/	2	13	УК-1-В1	Л1.1 Л1.5Л2.1 Л2.6 Л2.2 Л2.7Л3.11 Э1 Э2 Э3 Э4			Р9,Р10,Р5,Р6,Р7
	Раздел 6. Кратные интегралы. Элементы векторного анализа.							
6.1	Определение и свойства кратного интеграла. Задача об объеме криволинейного цилиндра. Определение двойного интеграла. Критерий интегрируемости. Геометрический и физический смысл двойного интеграла. Теоремы, дающие достаточные условия интегрируемости. Свойства двойного интеграла. Определение и свойства тройного интеграла. n – кратные интегралы. Сведение двойного интеграла по прямоугольной области к повторному. Сведение двойного и тройного интегралов по элементарной области к повторному. Приложения к решению задач физики и техники. /Лек/	2	2	УК-1-31	Л1.1 Л1.11 Л1.7 Л1.8Л2.1 Л2.6 Л2.2 Л2.7 Л2.4 Э2 Э3			
6.2	Отображения из R_n в R_n . Полярные, цилиндрические, сферические координаты. Геометрический смысл модуля якобиана отображения. Формула замены переменных в кратном интеграле. /Лек/	2	2	УК-1-31	Л1.1 Л1.11 Л1.7 Л1.8Л2.1 Л2.6 Л2.2 Л2.7 Л2.4 Э2			

6.3	Вектор-функции скалярного аргумента. Гладкие и кусочно-гладкие кривые в пространстве. Криволинейный интеграл первого и второго рода, их свойства. Формула Грина на плоскости. Площадь поверхности. Поверхностный интеграл первого рода. Ориентированные поверхности. Поверхностный интеграл второго рода Формула Остроградского-Гаусса. Формула Стокса. /Лек/	2	4	УК-1-31	Л1.1 Л1.11 Л1.7 Л1.8Л2.1 Л2.6 Л2.2 Л2.7 Л2.4 Э2		КМ22	
6.4	Элементы теории поля. Скалярные и векторные поля Потенциальное векторное поле. Безвихревое поле. Критерий потенциальности поля Соленоидальные векторные поля. Подведение итогов. /Лек/	2	4	УК-1-31	Л1.1 Л1.11 Л1.7 Л1.8Л2.1 Л2.6 Л2.2 Л2.7 Л2.4			
6.5	Расстановка пределов интегрирования. Вычисление двойного интеграла в декартовых координатах. /Пр/	2	3	УК-1-В1	Л1.1 Л1.11 Л1.7 Л1.8Л2.1 Л2.6 Л2.2 Л2.7 Л2.4 Э2 Э4			
6.6	Двойной интеграл в криволинейных координатах. Полярные координаты. /Пр/	2	2	УК-1-В1	Л1.1 Л1.11 Л1.7 Л1.8Л2.1 Л2.6 Л2.2 Л2.7 Л2.4 Э2 Э4			
6.7	Вычисление тройного интеграла в декартовых координатах. цилиндрических и сферических координатах. /Пр/	2	2	УК-1-У1 УК-1-В1	Л1.1 Л1.11 Л1.7 Л1.8Л2.1 Л2.6 Л2.2 Л2.7 Л2.4 Э2			
6.8	Криволинейный интеграл первого и второго рода. Формула Грина на плоскости. /Пр/	2	3	УК-1-В1	Л1.1 Л1.7 Л1.8Л2.1 Л2.6 Л2.2 Л2.7 Л2.4Л3.8 Э2 Э4			
6.9	Поверхностный интеграл первого рода. Поверхностный интеграл второго рода Формула Остроградского-Гаусса. Формула Стокса. /Пр/	2	5	УК-1-31 УК-1-В1	Л1.1 Л1.7 Л1.8Л2.1 Л2.6 Л2.2 Л2.7 Л2.4Л3.8 Э2 Э4			
6.10	Контрольная работа №3 «Кратные интегралы, векторный анализ». /Пр/	2	2	УК-1-В1	Л1.1 Л1.7 Л1.8Л2.1 Л2.6 Л2.2 Л2.7 Л2.4Л3.8 Э2 Э4		КМ9	

6.11	Подведение итогов. /Пр/	2	2	УК-1-В1	Л1.1 Л1.7 Л1.8Л2.1 Л2.6 Л2.2 Л2.7 Л2.4Л3.8 Э2 Э4			
6.12	Проработка лекционного материала, решение индивидуального домашнего задания №3 "Кратные, криволинейные и поверхностные интегралы", подготовка к контрольной работе №3 "Кратные интегралы и векторный анализ". /Ср/	2	16	УК-1-В1	Л1.1 Л1.7 Л1.8Л2.1 Л2.6 Л2.2 Л2.7 Л2.4Л3.8 Э1 Э2 Э3 Э4		КМ19	Р11
	Раздел 7. Дифференциальные уравнения.							
7.1	Предмет обыкновенных дифференциальных уравнений (ОДУ). Основные понятия теории ОДУ. Метод изоклин. Интегрируемые типы ОДУ 1 -го порядка:уравнения с разделяющимися переменными, однородные, линейные, в полных дифференциалах. Уравнение Бернулли. /Лек/	2	2	УК-1-31 ОПК-1-31 ОПК-2-31	Л1.1 Л1.10Л2.14 Л2.13 Л2.9Л3.6 Э2			
7.2	Задача Коши. Теорема существования и единственности ее решения. ОДУ высшего порядка, разрешенные относительно производной. Уравнения, допускающие понижение порядка /Лек/	3	2	УК-1-31	Л1.1 Л1.10Л2.14 Л2.13 Л2.9Л3.6 Э2			
7.3	Линейные уравнения высшего порядка. Пространство решений однородного уравнения, фундаментальная система решений. Метод вариации произвольных постоянных. Построение фундаментальной системы решений в случае уравнения с постоянными коэффициентами. Квазимногочлены. /Лек/	3	2	УК-1-31	Л1.1 Л1.10Л2.14 Л2.13 Л2.9Л3.6 Э2 Э3			

7.4	Нормальная система линейных уравнений. Пространство решений однородной системы, его базис. Определитель Вронского. Формула Лиувилля - Остроградского. Системы линейных уравнений с постоянными коэффициентами. Экспоненциал матрицы, его свойства и вычисление. /Лек/	3	2	УК-1-31	Л1.1 Л1.10Л2.14 Л2.13 Л2.9Л3.6 Э2			
7.5	Классификация особых точек линейных систем на плоскости. Качественная классификация изолированных особых точек векторных полей. /Лек/	3	2	УК-1-31	Л1.1 Л1.10Л2.14 Л2.13 Л2.9Л3.6 Э2 Э4			
7.6	Краевые задачи. Функция Грина. /Лек/	3	2	УК-1-31	Л1.1 Л1.10Л2.14 Л2.13 Л2.9Л3.6 Э2 Э4			
7.7	Зависимость решений ОДУ от начальных данных, параметров и правой части уравнения. Уравнение в вариациях. Метод малого параметра. /Лек/	3	2	УК-1-31	Л1.1 Л1.10Л2.13 Л2.9 Л2.3Л3.6 Э2 Э4			
7.8	Устойчивость по Ляпунову. Устойчивость особых точек по первому приближению. Теоремы Ляпунова и Четаева, критерии Рауса- Гурвица и Эрмита- Михайлова. /Лек/	3	2	УК-1-31	Л1.1 Л1.10Л2.14 Л2.6 Л2.9Л3.6 Э2 Э4			
7.9	Устойчивость периодических решений линейных неавтономных уравнений с периодическими коэффициентами и автономных систем. /Лек/	3	2	УК-1-31	Л1.1 Л1.10Л2.14 Л2.13 Л2.9Л3.6 Э2 Э4			
7.10	Уравнения с частными производными первого порядка. /Лек/	3	2	УК-1-31	Л1.1 Л1.10Л2.14 Л2.13 Л2.9Л3.6 Э2 Э4			
7.11	Решение дифференциальных уравнений 1-го порядка различных типов. Методы вариации произвольных постоянных, подстановки и подстановки Бернулли. Задача Коши. /Пр/	3	4	УК-1-У1 УК-1-В1	Л1.1 Л1.10Л2.13 Л2.9 Л2.3Л3.6 Э2 Э4			
7.12	Решение линейных уравнений высшего порядка с постоянными коэффициентами. /Пр/	3	2	УК-1-31	Л1.1 Л1.10Л2.13 Л2.9 Л2.3Л3.6 Э2 Э4			

7.13	Контрольная работа №1 "Дифференциальные уравнения", часть 1. /Пр/	3	2	УК-1-В1	Л1.1 Л1.10Л2.13 Л2.9 Л2.3Л3.6 Э1 Э2 Э4		КМ13	
7.14	Решение линейных систем с постоянными коэффициентами. Классификация особых точек векторных полей. /Пр/	3	2	УК-1-В1	Л1.1 Л1.10Л2.6 Л2.9Л3.6 Э2 Э4		КМ22	
7.15	Краевые задачи. /Пр/	3	2	УК-1-В1	Л1.1 Л1.10Л2.1 Л2.6 Л2.7Л3.6 Э2 Э4			
7.16	Зависимость решений ОДУ от начальных данных и параметров. Метод малого параметра. /Пр/	3	2	УК-1-В1 ОПК-2-В1 ОПК-2-У1 ОПК-1-В1 ОПК-1-У1	Л1.1 Л1.10Л2.14 Л2.6Л3.6 Э2 Э4			
7.17	Устойчивость решений линейных уравнений и систем с постоянными коэффициентами. Критерии Рауса-Гурвица и Эрмита-Михайлова. Устойчивость особых точек автономных векторных полей. /Пр/	3	2	УК-1-В1	Л1.1 Л1.10Л2.14 Л2.6Л3.6 Э2			
7.18	Контрольная работа №2 "Дифференциальные уравнения", часть 2. /Пр/	3	2	УК-1-В1	Л1.1 Л1.10Л2.6 Л2.13 Л2.9Л3.6 Э1 Э2 Э3 Э4		КМ14	
7.19	Итоговое практическое занятие. /Пр/	3	2	УК-1-В1	Л1.1 Л1.10Л2.1 Л2.6 Л2.2 Л2.7Л3.6 Э1 Э2 Э3 Э4			
7.20	Проработка лекционного материала, выполнение индивидуальных домашних заданий: Индивидуальное задание № 1 "Обыкновенные дифференциальные уравнения", Индивидуальное домашнее задание № 2 "Системы дифференциальных уравнений. Устойчивость"; подготовка к контрольным работам №1, 2 "Дифференциальные уравнения". /Ср/	3	4	УК-1-В1	Л1.1 Л1.10Л2.1 Л2.6 Л2.2 Л2.7Л3.6 Э1 Э2 Э3 Э4			P15,P16
	Раздел 8. Подготовка к контрольным мероприятиям и выполняемым работам							
8.1	Объем часов самостоятельной работы на подготовку к КМ /Ср/	2	18					
8.2	Объем часов самостоятельной работы на подготовку к ВР /Ср/	2	27					

	Раздел 9. Математический анализ. Ряды и ряды Фурье.							
9.1	<p>Определение и свойства сходящихся рядов. Ряды с неотрицательными членами. Критерий сходимости ряда с неотрицательными членами. Признаки сходимости таких рядов: интегральный признак Коши-Маклорена, Даламбера и Гаусса. Сходимость знакопеременных рядов. Знакопеременные ряды. Признак Лейбница. Абсолютно и условно сходящиеся ряды. /Лек/</p>	3	1	УК-1-31	Л1.1 Л1.12Л2.1 Л2.6 Л2.2 Л2.7Л3.5 Э1			
9.2	<p>Признаки сходимости Дирихле и Абеля. Некоторые свойства абсолютно и условно сходящихся рядов. Оценка остатка ряда. Приложения числовых рядов. Поточечная и равномерная сходимость функциональной последовательности и ряда. Критерий Коши. Признак Вейерштрасса. Свойства равномерно сходящихся рядов и последовательностей. Непрерывность суммы равномерно сходящегося ряда. Почленное интегрирование и дифференцирование функционального ряда. /Лек/</p>	3	2	УК-1-31	Л1.1 Л1.12Л2.1 Л2.6 Л2.2 Л2.7Л3.5 Э2			
9.3	<p>Степенные ряды. Радиус сходимости степенного ряда. Равномерная сходимость степенного ряда. Почленное дифференцирование и интегрирование степенных рядов. Ряд Тейлора. Понятие ряда Тейлора. Единственность разложения функции в степенной ряд. Необходимое и достаточное условия разложимости функции в ряд Тейлора. Разложение элементарных функций в ряд Тейлора. Приближенные вычисления с помощью ряда Тейлора. /Лек/</p>	3	2	УК-1-31	Л1.1 Л1.12Л2.1 Л2.6 Л2.2 Л2.7Л3.5 Э2 Э4			

9.4	<p>Ряды Фурье по ортогональным системам функций.</p> <p>Тригонометрический ряд Фурье.</p> <p>Теорема о поточечной сходимости тригонометрического ряда Фурье. Неполные тригонометрические ряды Фурье. Разложение функции, заданной на произвольном отрезке $[a, b]$.</p> <p>Задача о наименьшем квадратичном отклонении.</p> <p>Неравенство Бесселя.</p> <p>Множество кусочно-непрерывных на отрезке $[a, b]$ функций $Q[a, b]$. Сходимость в среднем. Полные ортогональные системы функций в пространстве $Q[a, b]$</p> <p>Критерий полноты системы.</p> <p>Равенство Парсеваля.</p> <p>Поточечная, равномерная сходимость и сходимость в среднем последовательности функций. Равномерная сходимость и сходимость в среднем тригонометрического ряда Фурье.</p> <p>Приложения рядов Фурье.</p> <p>/Лек/</p>	3	2	УК-1-31	<p>Л1.1</p> <p>Л1.12Л2.1</p> <p>Л2.6 Л2.2</p> <p>Л2.7Л3.5</p> <p>Э2 Э4</p>			
9.5	<p>Определение и свойства сходящихся рядов. Ряды с неотрицательными членами. Вычисление суммы ряда по определению. Признак сходимости Даламбера.</p> <p>Признаки сходимости рядов: признаки сравнения, интегральный признак Коши, радикальный признак Коши, признак Гаусса.</p> <p>/Пр/</p>	3	2	УК-1-В1	<p>Л1.1</p> <p>Л1.12Л2.1</p> <p>Л2.6 Л2.2</p> <p>Л2.7Л3.5</p> <p>Э2 Э4</p>			

9.6	Знакопеременные ряды. Признак Лейбница. Абсолютно и условно сходящиеся ряды. Признаки сходимости Дирихле и Абеля. Оценка остатка ряда. Приложения числовых рядов. Поточечная и равномерная сходимость функциональной последовательности и ряда. Критерий Коши. Область сходимости функционального ряда. Признак Вейерштрасса. /Пр/	3	2	УК-1-В1	Л1.1 Л1.12Л2.1 Л2.6 Л2.2 Л2.7Л3.5 Э2 Э4			
9.7	Вычисление суммы ряда с помощью почленного интегрирования и дифференцирования функционального ряда. Степенные ряды. Радиус и область сходимости степенного ряда. Ряд Тейлора. Разложение элементарных функций в ряд Тейлора. Приближенные вычисления с помощью ряда Тейлора. /Пр/	3	2	УК-1-В1	Л1.1 Л1.12Л2.1 Л2.6 Л2.2 Л2.7Л3.5 Э2 Э4			
9.8	Тригонометрический ряд Фурье. Неполные тригонометрические ряды Фурье. Разложение функции, заданной на произвольном отрезке [a,b]. Приложения рядов Фурье. /Пр/	3	2	УК-1-В1	Л1.1 Л1.12Л2.1 Л2.6 Л2.2 Л2.7Л3.5 Э2 Э4		КМ22	
9.9	Контрольная работа №1 «Числовые и функциональные ряды». /Пр/	3	2	УК-1-В1	Л1.1 Л1.12Л2.1 Л2.6 Л2.2 Л2.7Л3.5 Э2 Э4		КМ10	
9.10	Проработка лекционного материала, выполнение индивидуального домашнего задания №1 «Числовые и функциональные ряды», подготовка к контрольной работе №1 "Числовые и функциональные ряды". /Ср/	3	7	УК-1-В1	Л1.1 Л1.12Л2.1 Л2.6 Л2.2 Л2.7Л3.5 Э2 Э4			Р12
	Раздел 10. Теория функций комплексного переменного.							

10.1	Понятие функции комплексного переменного. Предел и непрерывность функций комплексного переменного. Дифференцирование функций комплексного переменного. Ряды с комплексными членами. Элементарные функции комплексного переменного и их приложения. /Лек/	3	2	УК-1-31	Л1.3Л2.6Л3.7			
10.2	Интеграл от функций комплексного переменного. Интегральная теорема Коши. Интегральная формула Коши. Ряд Тейлора функции комплексного переменного. Ряд Лорана. /Лек/	3	2	УК-1-31	Л1.3Л2.6Л3.7			
10.3	Классификация особых точек аналитической функции. Вычет в особой точке. Основная теорема о вычетах. Определение и основные свойства преобразования Фурье. Приложения преобразования Фурье. /Лек/	3	2	УК-1-31	Л1.3Л2.6Л3.7			
10.4	Определение и основные свойства преобразования Лапласа. Восстановление оригинала по его изображению. Приложения операционного исчисления. Решение дифференциальных уравнений и систем дифференциальных уравнения операционным методом. /Лек/	3	2	УК-1-31	Л1.3Л2.6Л3.7			
10.5	Заключительная лекция. /Лек/	3	1	УК-1-31	Л1.3Л2.6Л3.7			
10.6	Действия с комплексными числами. Комплексная плоскость. Формула Муавра, формула Эйлера. Ряды с комплексными членами. Элементарные функции комплексного переменного и их приложения. Дифференцирование функций комплексного переменного. Восстановление аналитической функции по ее известной действительной или мнимой части. /Пр/	3	2	УК-1-В1	Л1.3Л2.6Л3.7			

10.7	Область сходимости ряда с комплексными членами. Разложение аналитической функции в ряд Тейлора и в ряд Лорана. /Пр/	3	2	УК-1-В1	Л1.3Л2.6Л3.7 Э2 Э3		КМ22	
10.8	Контрольная работа №2 «Функции комплексного переменного и их дифференцирование». /Пр/	3	2	УК-1-В1	Л1.3Л2.6Л3.7 Э2 Э4		КМ11	
10.9	Интеграл от функций комплексного переменного. Интегральная теорема Коши. Интегральная формула Коши. /Пр/	3	2	УК-1-В1	Л1.3Л2.6Л3.7 Э2 Э4			
10.10	Классификация особых точек аналитической функции. Вычисление вычетов в особых точках. Вычисление интегралов от функций комплексного переменного с помощью вычетов. /Пр/	3	2	УК-1-В1	Л1.3Л2.6Л3.7 Э2 Э4			
10.11	Вычисление несобственных интегралов с помощью вычетов. /Пр/	3	2	УК-1-В1	Л2.6 Л2.4Л3.7 Э2 Э4			
10.12	Контрольная работа №3 «Интегрирование функций комплексного переменного. Несобственные интегралы». /Пр/	3	2	УК-1-В1	Л1.4Л3.7 Э2 Э4		КМ12	
10.13	Преобразование Фурье и его приложения. /Пр/	3	2	УК-1-В1	Л1.4Л2.6Л3.7 Э2 Э4			
10.14	Преобразование Лапласа. Вычисление изображений. Восстановление оригинала по его изображению. Решение дифференциальных уравнений операционным методом. /Пр/	3	5	УК-1-В1	Л1.4Л3.7 Э2 Э4			
10.15	Проработка лекционного материала, выполнение индивидуальных домашних заданий: №2 "Теория функций комплексного переменного", №3 "Приложения операционного исчисления", подготовка к контрольным работам: №2 "Функции комплексного переменного и их дифференцирование"; №3 "Интегрирование функций комплексного переменного. Несобственные интегралы". /Ср/	3	8	УК-1-В1	Л1.3 Л1.4Л2.6Л3.7 Э2 Э3		КМ20	Р13,Р14

	Раздел 11. Подготовка к контрольным мероприятиям и выполняемым работам							
11.1	Объем часов самостоятельной работы на подготовку к КМ /Ср/	3	22					
11.2	Объем часов самостоятельной работы на подготовку к ВР /Ср/	3	18					
	Раздел 12. Теория вероятностей и математическая статистика							
12.1	Предмет теории вероятностей. Случайные события и случайные величины. Вероятность случайных событий, их свойства. Аксиомы Колмогорова. Классическая модель. Теоремы сложения и умножения вероятностей. Элементы комбинаторики. /Лек/	4	6	УК-1-32	Л1.2Л2.8 Л2.12Л3.3 Л3.10			
12.2	Независимые случайные величины и независимые случайные события. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Математическое ожидание, дисперсия случайной величины, их свойства. Условные математические ожидания и условные вероятности. Геометрическое определение вероятности. /Лек/	4	4	УК-1-32	Л1.2Л2.8 Л2.12Л3.3 Л3.10			
12.3	Дискретные и непрерывные случайные величины, распределения их вероятностей. Плотность распределения и функция распределения. Система случайных величин. Нормально распределенные случайные величины и случайные векторы. Понятие о центральной предельной теореме. /Лек/	4	4	УК-1-32	Л1.2Л2.8 Л2.12Л3.3 Л3.10			
12.4	Характеристики рассеяния и связи случайных величин и их систем. Матрица ковариаций. Понятие о законе больших чисел. /Лек/	4	4	УК-1-32	Л1.2Л2.8 Л2.12Л3.3 Л3.10			

12.5	Понятие о задачах математической статистики. Случайные выборки. Точечные оценки параметров генеральной совокупности, их свойства. Оценки математического ожидания и дисперсии случайной величины. Построение доверительных интервалов для параметров нормального распределения. Распределения Пирсона, Стьюдента и Фишера. /Лек/	4	4	УК-1-32	Л1.2Л2.8 Л2.12Л3.3 Л3.10			
12.6	Оценки параметров регрессионной модели по методу наименьших квадратов, их свойства. Построение доверительных интервалов для параметров регрессии. /Лек/	4	4	УК-1-32	Л1.2Л2.8 Л2.12Л3.3 Л3.10			
12.7	Основные понятия, связанные с проверкой статистических гипотез. Проверка гипотез о равенстве дисперсий, критерий Фишера. Проверка гипотезы о равенстве математических ожиданий, критерий Стьюдента. Проверка адекватности регрессионной модели. Понятие о критериях согласия и о других непараметрических критериях. Проверка гипотезы о нормальном законе распределения. /Лек/	4	4	УК-1-32	Л1.2Л2.8 Л2.12Л3.3 Л3.10			
12.8	Задача корреляционного анализа. Линейная корреляция в случае двух величин, прямые регрессии. Коэффициент корреляции, его оценка по результатам эксперимента. Проверка гипотезы о существовании линейной зависимости. Множественная линейная корреляция. Оценка силы связи. Корреляционные отношения, их оценки по результатам эксперимента. /Лек/	4	4	УК-1-32	Л1.2Л2.8 Л2.12Л3.3 Л3.10			

12.9	Непосредственный расчет вероятностей. Применение правил сложения и умножения вероятностей. Элементы комбинаторики. Расчет распределений вероятностей дискретных случайных величин. (Биномиальное, геометрическое, гипергеометрическое и др. распределения). /Пр/	4	4	УК-1-У1 УК-1-В1 УК-1-В2	Л1.2Л2.8 Л2.12Л3.3 Л3.10 Э2 Э4			
12.10	Формула полной вероятности. Формула Байеса. Расчет числовых характеристик дискретных случайных величин. /Пр/	4	4	УК-1-У1 УК-1-В2	Л1.2Л2.8 Л2.12Л3.3 Л3.10 Э2 Э4			
12.11	Контрольная работа №1 по теме «Основы теории вероятностей». /Пр/	4	4	УК-1-У1 УК-1-В2	Л1.2Л2.8 Л2.12Л3.3 Л3.10 Э2 Э4		КМ15	
12.12	Геометрические вероятности. (Задача о встрече, задача Бюффона и др.) Непрерывные случайные величины. Плотность распределения и функция распределения. Расчет числовых характеристик непрерывных случайных величин. /Пр/	4	4	УК-1-У1 УК-1-В2	Л1.2Л2.8 Л2.12Л3.3 Л3.10 Э2 Э4		КМ22	
12.13	Расчет вероятностей в нормальном и равномерном распределении, распределении Пуассона. Интегральная формула Лапласа. /Пр/	4	5	УК-1-У2 УК-1-В2	Л1.2Л2.8 Л2.12Л3.3 Л3.10 Э2 Э4			
12.14	Контрольная работа № 2 по теме «Непрерывные случайные величины». /Пр/	4	2	УК-1-У2 УК-1-В2	Л1.2Л2.8 Л2.12Л3.3 Л3.10 Э2 Э4		КМ16	
12.15	Первичная обработка результатов эксперимента: расчет оценок математического ожидания, дисперсии, среднего квадратического отклонения. Построение доверительных интервалов для параметров нормального распределения. Построение гистограммы распределения. /Пр/	4	6	УК-1-У1 УК-1-В2	Л1.2Л2.8 Л2.12Л3.3 Л3.10 Э2 Э4			
12.16	Расчет параметров линейной и квадратичной моделей регрессии. /Пр/	4	6	УК-1-У1 УК-1-У2 УК-1-В2	Л1.2Л2.8 Л2.12Л3.3 Л3.10 Э2 Э4			

12.17	Построение доверительных интервалов для параметров регрессионных моделей. Проверка статистических гипотез. Применение критерия согласия Пирсона. /Пр/	4	4	УК-1-У1 УК-1-В2	Л1.2Л2.8 Л2.12Л3.3 Л3.10 Э2 Э4			
12.18	Расчет линейной корреляции по результатам эксперимента, построение прямых регрессии. Оценка коэффициента корреляции. Проверка гипотезы о существовании линейной зависимости. /Пр/	4	6	УК-1-У1 УК-1-В1 УК-1-В2	Л1.2Л2.8 Л2.12Л3.3 Л3.10 Э2 Э4			
12.19	Контрольная работа № 3 по теме «Математическая статистика». /Пр/	4	6	УК-1-У1 УК-1-У2 УК-1-В1	Л1.2Л2.8 Л2.12Л3.3 Л3.10 Э2 Э4		КМ17	
12.20	Проработка лекционного материала, выполнение индивидуальных домашних заданий: №1 «Дискретная случайная величина, ее числовые характеристики»; №2 «Непрерывная случайная величина, ее числовые характеристики»; №3 «Сравнение двух случайных выборок», №4 «Построение линейной и квадратичной моделей регрессии». /Ср/	4	29	УК-1-У1 УК-1-У2 УК-1-В1 УК-1-В2	Л1.2Л2.8 Л2.12Л3.3 Л3.10 Э1 Э2 Э3 Э4		КМ21	Р17,Р18, Р19,Р20
	Раздел 13. Подготовка к контрольным мероприятиям и выполняемым работам							
13.1	Объем часов самостоятельной работы на подготовку к КМ /Ср/	4	10					
13.2	Объем часов самостоятельной работы на подготовку к ВР /Ср/	4	20					

5. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ МАТЕРИАЛОВ

5.1. Контрольные мероприятия (контрольная работа, тест, коллоквиум, экзамен и т.п), вопросы для самостоятельной подготовки

Код КМ	Контрольное мероприятие	Проверяемые индикаторы компетенций	Вопросы для подготовки
КМ1	Контрольная работа №1 "Векторная алгебра"	УК-1-31;УК-1-32	1. Линейные операции над векторами. 2. Проверка линейной зависимости и независимости векторов. 3. Разложение вектора в базисе. 4. Линейные операции в координатной форме. Условие коллинеарности двух векторов в координатной форме. 5. Скалярное произведение векторов. 6. Векторное произведение векторов. 7. Смешанное произведение векторов.

КМ2	Контрольная работа №2 "Аналитическая геометрия"	УК-1-31	<ol style="list-style-type: none"> 1. Уравнения прямой на плоскости. Условия перпендикулярности и параллельности прямых. 2. Канонические уравнения прямой в пространстве. 3. Уравнения плоскости, проходящей через точку и перпендикулярно вектору. 4. Основные задачи на прямую и плоскость в пространстве. 5. Каноническое уравнение эллипса. Нахождение фокусов, вершин. 6. Каноническое уравнение гиперболы. Нахождение фокусов, вершин, асимптот. 7. Каноническое уравнение параболы. Нахождение фокуса, вершины, уравнения директрисы. 8. Преобразование координат точки при параллельном переносе системы координат.
КМ3	Контрольная работа №3 "Определители, матрицы, системы линейных уравнений"	УК-1-31	<ol style="list-style-type: none"> 1. Понятие определителя n-ого порядка. Его свойства, способы вычисления. 2. Матрицы, операции над матрицами и их свойства. 3. Ранг матрицы. 4. Решение систем линейных уравнений матричным методом и методом Крамера в случае, если система определена. 5. Нахождение фундаментальной системы решений для однородных линейных уравнений. 6. Решение линейных систем методом Гаусса.
КМ4	Контрольная работа №1 "Предел числовой последовательности. Предел и непрерывность функции"	УК-1-31	<ol style="list-style-type: none"> 1. Вычисление предела функции с помощью определения предела. 2. Вычисление предела функций, содержащих различные неопределенности. 3. Исследование графика функции на непрерывность в точке. Чертить график функции в окрестности возможной точки разрыва.
КМ5	Контрольная работа №2 "Производная и ее приложения"	УК-1-31	<ol style="list-style-type: none"> 1. Дифференцирование табличных функций. 2. Дифференцирование сложных функций. Правила дифференцирования. 3. Дифференцирование функций, заданных неявно. 4. Дифференцирование функций, заданных параметрически. 5. Логарифмическое дифференцирование функций. 6. Нахождение уравнений касательной и нормали, проведенных к графику функции в заданной точке. 7. Нахождение наибольшего и наименьшего значений функции на отрезке, на интервале. 8. Нахождение экстремума функции. 9. Исследование монотонности функции с помощью второй и первой производной. 10. Исследование и построение графика функций с помощью дифференциального исчисления. 11. Разложение функции в ряд Тейлора и Маклорена.
КМ6	Контрольная работа №3 "Дифференциальное исчисление функций многих переменных и его приложения"	УК-1-31	<ol style="list-style-type: none"> 1. Нахождение области определения функции двух переменных. 2. Нахождение частных производных первого порядка от функции двух переменных 3. Нахождение дифференциала функции двух переменных. 4. Нахождение градиента и производной функции по направлению вектора. 5. Исследование функции двух переменных на локальный экстремум. 6. Исследование функции двух переменных на экстремум в замкнутой области.
КМ7	Контрольная работа №1 "Неопределенный интеграл"	УК-1-31	<ol style="list-style-type: none"> 1. Таблица неопределенных интегралов. 2. Основные методы интегрирования: метод внесения под дифференциал, метод замены переменной. 3. Формула интегрирования по частям. 4. Интегрирование дробно-рациональных функций. 5. Интегрирование тригонометрических функций. 6. Интегрирование иррациональных функций.

КМ8	Контрольная работа №2 "Определенный и несобственный интеграл, приложения определенного интеграла"	УК-1-31	<ol style="list-style-type: none"> 1. Формула Ньютона-Лейбница для табличных интегралов. 2. Метод замены переменной и формула интегрирования по частям в определенном интеграле. 3. Нахождение площади плоской фигуры с помощью формулы Ньютона Лейбница. 4. Нахождение длины дуги кривой, заданной в явном виде или параметрическом. 5. Нахождение объема тела вращения кривой вокруг оси Ox или Oy. 6. Методы приближенных вычислений определенного интеграла. 7. Вычисление несобственного интеграла. Исследование его на сходимость.
КМ9	Контрольная работа №3 "Кратные интегралы, векторный анализ"	УК-1-31	<ol style="list-style-type: none"> 1. Нахождение двойного интеграла в декартовой и полярной системе координат. 2. Нахождение тройного интеграла в декартовой и полярной системе координат. 3. Криволинейный интеграл 1 и 2 рода. 4. Поверхностный интеграл 1 и 2 рода.
КМ10	Контрольная работа №1 "Числовые и функциональные ряды "	УК-1-31	<ol style="list-style-type: none"> 1. Исследование сходимости числового ряда, пользуясь необходимым признаком. 2. Применение признаков сравнения к исследованию числовых рядов. 3. Применение достаточных признаков сходимости числовых рядов. 4. Исследование на сходимость знакопеременяющихся рядов. 5. Исследование на абсолютную и условную сходимость. 6. Нахождение радиуса сходимости и области сходимости функциональных рядов.
КМ11	Контрольная работа №2 "Функции комплексного переменного и их дифференцирование "	УК-1-31	<ol style="list-style-type: none"> 1. Действия с комплексными числами 2. Дифференцирование функций комплексного переменного 3. Область сходимости ряда с комплексными членами. 4. Разложение аналитической функции в ряд Тейлора и Лорана.
КМ12	Контрольная работа №3 "Интегрирование функций комплексного переменного. Несобственный интеграл"	УК-1-31	<ol style="list-style-type: none"> 1. Интегральная теорема Коши, формула Коши. 2. Нахождение вычетов в особых точках. 3. Вычисление интегралов от функции комплексного переменного. 4. Вычисление несобственных интегралов с помощью вычетов.
КМ13	Контрольная работа №1 "Дифференциальные уравнения. Часть 1"	УК-1-31	<ol style="list-style-type: none"> 1. Дифференциальные уравнения с разделяющимися переменными. Задача Коши. 2. Однородные дифференциальные уравнения. 3. Линейные дифференциальные уравнения. 4. Уравнения в полных дифференциалах. 5. Дифференциальное уравнение Бернулли.
КМ14	Контрольная работа №1 "Дифференциальные уравнения. Часть 2"	УК-1-31	<ol style="list-style-type: none"> 1. Дифференциальные уравнения, допускающие понижение порядка. 2. Однородные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами. 3. Неоднородные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами. 4. Системы дифференциальных уравнений первого порядка, метод сведения к неоднородному дифференциальному уравнению второго порядка с постоянными коэффициентами.
КМ15	Контрольная работа №1 "Основы теории вероятностей"	УК-1-31; УК-1-32	<ol style="list-style-type: none"> 1. Классическое определение вероятности события. Формулы комбинаторики. 2. Теоремы сложения и умножения вероятностей случайных событий. В случае совместных и несовместных событий. 3. Повторение испытаний, формула Бернулли. 4. Повторение испытаний, формула Муавра-Лапласа, интегральная формула Муавра-Лапласа. 5. Повторение испытаний, закон Пуассона.

КМ16	Контрольная работа №2 "Непрерывные случайные величины"	УК-1-32;УК-1-31	<ol style="list-style-type: none"> 1. Функция распределения и плотность распределения непрерывной случайной величины. 2. Числовые характеристики непрерывных случайных величин. 3. Равномерный закон распределения случайной величины и его числовые характеристики. 4. Экспоненциальный закон распределения случайной величины и его числовые характеристики. 5. Нормальный закон распределения случайной величины и его числовые характеристики.
КМ17	Контрольная работа №3 "Математическая статистика"	УК-1-31;УК-1-32	<ol style="list-style-type: none"> 1. Первичная обработка статистических данных. Отыскание точечных оценок. 2. Проверка гипотезы о характере распределения (критерий Пирсона). 3. Проверка гипотез о равенстве математических ожиданий (критерий Стьюдента) и равенстве дисперсий (критерий Фишера). 4. Линейная и нелинейная регрессионные модели. Построение линейной и квадратичной регрессионных моделей. Проверка адекватности, отыскание доверительных интервалов для коэффициентов регрессионной модели. 5. Отыскание точечной и интервальной оценок коэффициента корреляции. Проверка гипотезы о равенстве нулю коэффициента корреляции.

КМ18	Экзамен, первый семестр	УК-1-31;УК-1-32	<ol style="list-style-type: none"> 1. Предмет изучения аналитической геометрии и алгебры, их значение для других дисциплин, а также для создания математических моделей при решении прикладных задач. 2. Геометрические векторы и линейные операции над ними. Свойства линейных операций. 3. Понятие линейного пространства. Примеры линейных пространств. 4. Линейно зависимые и линейно независимые системы векторов. Критерий линейной зависимости. 5. Линейно зависимые системы из одного, двух и трех геометрических векторов. 6. Понятие размерности линейного пространства. Трехмерность линейного пространства геометрических векторов. 7. Понятия базиса и координат. Связь между количеством элементов базиса и размерностью. Базис в пространстве геометрических векторов. 8. Линейные операции в координатной форме. Условие коллинеарности двух векторов в координатной форме. 9. Ортогональность. Ортогональный базис. Проекция вектора на ось. Свойства проекций. 10. Декартова прямоугольная система координат и базис. Декартовы координаты точки на плоскости и в пространстве. Их связь с координатами ее радиуса-вектора относительно базиса. 11. Применение векторной алгебры к решению простейших геометрических задач. 12. Скалярное произведение векторов, его свойства, условие равенства нулю, вычисление и приложения. Физический смысл скалярного произведения. 13. Евклидово пространство. Примеры. 14. Определители второго и третьего порядков, их свойства и признаки равенства нулю. 15. Векторное произведение векторов, его свойства, вычисление его координат, условие равенства нулю-вектору и приложения. Физический смысл векторного произведения. 16. Смешанное произведение векторов, его свойства, вычисление, геометрический смысл, условие равенства нулю и приложения. 17. Плоскость как алгебраическая поверхность первого порядка. 18. Прямая как линия пересечения двух плоскостей. 19. Канонические уравнения прямой в пространстве. 20. Взаимное расположение двух плоскостей, двух прямых, прямой и плоскости. 21. Основные задачи на прямую и плоскость в пространстве. Приложения. 22. Прямая на плоскости как алгебраическая кривая первого порядка. Основные задачи и приложения. 23. Алгебраические кривые второго порядка. 24. Эллипс, его каноническое уравнение и свойства. 25. Гипербола, ее каноническое уравнение и свойства. 26. Парабола, ее каноническое уравнение и свойства. 27. Алгебраические поверхности второго порядка и их основные свойства. 28. Преобразование координат точки при параллельном переносе системы координат. 29. Понятие определителя n-ого порядка. Его свойства, способы вычисления и признаки равенства нулю. 30. Матрицы, операции над матрицами и их свойства. 31. Ранг матрицы. Теорема о ранге матрицы и следствия этой теоремы. 32. Классификация систем линейных алгебраических уравнений. Теорема Кронекера-Капелли. 33. Матричная запись систем линейных уравнений. Решение систем линейных уравнений матричным методом и методом Крамера в случае, если система определена. 34. Однородные системы линейных уравнений, критерий существования ненулевых решений. Фундаментальная система решений. Общее решение. 35. Исследование общей системы линейных уравнений. Общее решение. Метод Гаусса решения систем линейных уравнений.
------	-------------------------	-----------------	--

			<p>36. Метод Гаусса решения матричных уравнений и обращения матриц.</p> <p>37. Балансовые модели, а также модели для анализа и оптимизации различных технических и технологических схем.</p> <p>38. Линейные операторы. Примеры. Матрица линейного оператора.</p> <p>39. Преобразование координат вектора при переходе от одного базиса к другому.</p> <p>40. Преобразование матрицы линейного оператора при переходе от одного базиса к другому.</p> <p>41. Собственные векторы и собственные значения линейного оператора.</p> <p>42. Критерий приведения матрицы линейного оператора к диагональному виду.</p> <p>43. Приложения теории линейных операторов.</p> <p>44. Билинейные и квадратичные формы.</p> <p>45. Приведение квадратичной формы к каноническому виду.</p> <p>46. Приложения теории квадратичных форм.</p> <p>II. Вопросы для подготовки к экзамену в первом семестре по разделам "Математический анализ. Дифференциальное исчисление функций одной переменной", "Дифференциальное исчисление функций многих переменных".</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. Числовая ось. Числовые множества. 2. Определение числовой последовательности. Определение предела числовой последовательности. Геометрическая интерпретация предела последовательности. 3. Теорема о единственности предела числовой последовательности. 4. Определение ограниченной последовательности. Теорема о связи последовательности, имеющей предел, и её ограниченностью. 5. Бесконечно малые и бесконечно большие последовательности. Теоремы о свойствах бесконечно малых функций. 6. Арифметические операции над сходящимися последовательностями. 7. Предельный переход в неравенствах 8. Определение точных граней числовых множеств. Монотонные последовательности. 9. Существование предела у ограниченной монотонной последовательности (свойство Вейерштрасса). 10. Бином Ньютона. Число e. 11. Принцип вложенных отрезков. 12. Подпоследовательность числовой последовательности. Теорема Больцано-Вейерштрасса. 13. Критерий Коши существования предела последовательности. 14. Два определения предела функции в точке, их эквивалентность. 15. Свойства функций, имеющих предел. 16. Теорема об ограниченности функции, имеющей предел, теорема о сохранении знака, теорема о переходе к пределу в неравенстве, теорема о пределе промежуточной функции. 17. Односторонние пределы и пределы при стремлении аргумента к бесконечности. 18. Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Их свойства. 19. Определение асимптот графика функции. Необходимое и достаточное условие существования наклонной асимптоты. 20. Первый и второй замечательные пределы. Другие важные пределы и их следствия. 21. Сравнение функций. Определение эквивалентных функций. Критерий эквивалентности функций. Функции одного порядка. O-символика (o-малое, O-большое). 22. Определение непрерывности функции в точке. 23. Определение точки разрыва. Классификация точек разрыва. 24. Свойства функций, непрерывных в точке. 25. Теоремы о функциях, непрерывных на отрезке. 26. Обратная функция. Существование и непрерывность функции, обратной к непрерывной и строго монотонной функции.
--	--	--	---

			<p>27. Непрерывность элементарных функций: многочленов, показательных функций, логарифмических функций, тригонометрических и обратных тригонометрических функций.</p> <p>28. Определение производной функции в точке.</p> <p>29. Теорема о непрерывности дифференцируемой функции.</p> <p>30. Дифференциал функции.</p> <p>31. Геометрический смысл производной и дифференциала.</p> <p>32. Физические приложения производной и дифференциала.</p> <p>33. Правила дифференцирования. Теоремы о дифференцируемости суммы, произведения, отношения двух функций.</p> <p>34. Теорема о дифференцируемости сложной функции.</p> <p>35. Теорема о дифференцируемости обратной функции.</p> <p>36. Таблица производных элементарных функций.</p> <p>37. Логарифмическое дифференцирование.</p> <p>38. Производная и дифференциал n-порядка.</p> <p>39. Формула Лейбница производной n-порядка произведения двух функций.</p> <p>40. Дифференцирование параметрически заданной функции.</p> <p>41. Определение экстремумов функции. Локальный экстремум и теорема Ферма.</p> <p>42. Теорема Ролля о нулях производной. Геометрический смысл теоремы Ролля.</p> <p>43. Формула конечных приращений Лагранжа. Геометрическая интерпретация теоремы Лагранжа.</p> <p>44. Формула Коши (обобщенная формула конечных приращений).</p> <p>45. Критерии постоянства и монотонности функции на интервале.</p> <p>46. Необходимое условие локального экстремума функции.</p> <p>47. Достаточные условия экстремума. (Первое, второе и третье достаточные условия)</p> <p>48. Отыскание наибольшего и наименьшего значений функции на отрезке.</p> <p>49. Формула Тейлора с остатком в форме Лагранжа и в форме Пеано.</p> <p>50. Теорема о единственности разложения функции по формуле Тейлора.</p> <p>51. Разложение основных элементарных функций по формуле Тейлора.</p> <p>52. Правило Лопиталя раскрытия неопределенностей.</p> <p>53. Определение точек перегиба. Необходимое условие перегиба графика функции, имеющей непрерывную вторую производную.</p> <p>54. Достаточные условия перегиба графика функции..</p> <p>55. Общая схема исследования функции и построение графика.</p> <p>56. Понятие функции нескольких переменных. Предел и непрерывность функции нескольких переменных. Свойства функций, непрерывных на компакте.</p> <p>57. Частные производные. Дифференцируемость функции многих переменных. Дифференциал. Необходимое условие дифференцируемости функции многих переменных в точке. Непрерывность функции в точке. Достаточные условия дифференцируемости функции в точке.</p> <p>58. Касательная плоскость и нормаль к поверхности. Геометрический смысл дифференциала.</p> <p>59. Дифференцируемость сложной функции. Правила дифференцирования.</p> <p>60. Производная по направлению и градиент.</p> <p>61. Частные производные высших порядков. Теорема (о смешанных производных).</p> <p>62. Дифференциалы высших порядков.</p> <p>63. Неявные функции и их дифференцирование.</p> <p>64. Формула Тейлора для функции нескольких переменных.</p> <p>65. Локальный экстремум функции нескольких переменных, необходимое условие и достаточное условие существования локального экстремума.</p> <p>66. Условный экстремум. Общая постановка задачи отыскания условного экстремума функции двух и трех переменных. Метод Множителей Лагранжа.</p> <p>67. Нахождение наибольшего и наименьшего значений функции многих переменных в ограниченной замкнутой области (на</p>
--	--	--	--

			компакте).
КМ19	Экзамен, второй семестр	УК-1-31;УК-1-32;УК-1-У1;УК-1- В1	<p>1. Неопределенный интеграл. Определение первообразной функции и неопределенного интеграла. Основное свойство первообразной функции.</p> <p>2. Свойства неопределенного интеграла.</p> <p>3. Таблица основных неопределенных интегралов.</p> <p>4. Основные методы интегрирования: метод замены переменной, метод интегрирования по частям.</p> <p>5. Интегрирование рациональных, тригонометрических, иррациональных функций.</p> <p>6. Интегрирование с помощью тригонометрических подстановок.</p> <p>7. Определенный интеграл. Определение интеграла Римана. Геометрический смысл определенного интеграла. Необходимое условие интегрируемости (ограниченность интегрируемой функции).</p> <p>8. Некоторые классы интегрируемых функций (интегрируемость монотонных функций, непрерывных функций и кусочно-непрерывных ограниченных функций).</p> <p>9. Основные свойства определенного интеграла.</p> <p>10. Оценки интегралов. Теорема о среднем.</p> <p>11. Интеграл с переменным верхним пределом. Формула Ньютона-Лейбница.</p> <p>12. Замена переменной и интегрирование по частям в определенном интеграле.</p> <p>13. Некоторые геометрические приложения определенного интеграла (площадь плоской фигуры, длина дуги кривой, объем тела вращения).</p> <p>14. Несобственные интегралы. Определение и геометрический смысл несобственных интегралов с бесконечными пределами интегрирования и от неограниченной функции на конечном промежутке. Формулы интегрального исчисления для несобственных интегралов.</p> <p>15. Несобственные интегралы от неотрицательных функций, признаки сравнения. Абсолютная и условная сходимость интеграла от знакопеременной функции.</p> <p>16. Кратные интегралы. Определение и свойства двойного интеграла, его геометрический и физический смысл.</p> <p>17. Сведение двойного интеграла к повторному.</p> <p>18. Тройные и n-кратные интегралы. Сведение тройного интеграла к повторному.</p> <p>19. Криволинейные координаты на плоскости и в пространстве. Вычисление двойных и тройных интегралов в криволинейных координатах. Якобиан отображения и его геометрический смысл.</p> <p>20. Приложения кратных интегралов.</p> <p>21. Криволинейные и поверхностные интегралы. Вектор-функции. Кривые. Длина дуги кривой.</p> <p>22. Криволинейные интегралы первого и второго рода. Их физический смысл и свойства.</p> <p>23. Формула Грина на плоскости.</p> <p>24. Площадь поверхности. Поверхностный интеграл первого рода.</p> <p>25. Ориентация поверхности. Поверхностный интеграл второго рода.</p> <p>26. Теоремы Остроградского-Гаусса и Стокса.</p> <p>27. Элементы теории поля. Скалярные и векторные поля. Основные дифференциальные операции векторного анализа (градиент, дивергенция, ротор).</p> <p>28. Потенциальные и соленоидальные векторные поля.</p>

KM20	Экзамен, третий семестр	УК-1-31;УК-1-У1;УК-1-У2;УК-1-32;УК-1-В1;УК-1- В2	<ol style="list-style-type: none"> 1. Обыкновенные дифференциальные уравнения (ДУ). Теорема существования и единственности решения задачи Коши для дифференциального уравнения первого порядка. Геометрический смысл теоремы. Некоторые элементарные методы интегрирования ДУ первого порядка: уравнения с разделяющимися переменными и сводящиеся к ним; линейные уравнения (метод вариации произвольной постоянной); уравнение Бернулли. 2. ДУ n-ого порядка. Теорема существования и единственности решения задачи Коши. Простейшие случаи понижения порядка ДУ. 3. Линейные ДУ n-ого порядка. Принцип суперпозиции и его следствия. Фундаментальная система решений. Структура общего решения линейного неоднородного уравнения. Метод вариации произвольных постоянных. 4. Линейные ДУ n-ого порядка с постоянными коэффициентами. Характеристическое уравнение. Построение фундаментальной системы решений. Метод вариации произвольных постоянных. Отыскание частного решения неоднородного уравнения методом подбора. 5. Понятие о краевых задачах для ДУ второго порядка. 6. Системы ДУ первого порядка. Решение системы дифференциальных уравнение первого порядка к уравнению высшего порядка. Теорема существования и единственности решения задачи Коши для системы дифференциальных уравнений. Фазовое пространство и фазовые траектории. Понятие устойчивости по Ляпунову и асимптотической устойчивости положения равновесия. 7. Классификация положений равновесия автономной линейной системы ДУ с постоянными коэффициентами. 8. Исследование на устойчивость точек покоя нелинейных систем дифференциальных уравнений по первому приближению. Теорема Ляпунова. 9. Числовые и функциональные ряды.Сходимость числового ряда. Необходимый признак сходимости. 10. Признаки сравнения числовых рядов с положительными членами, связанные с неравенствами. 11. Признаки сравнения числовых рядов с положительными членами. 12. Признак Даламбера сходимости числового ряда. Оценка остатка ряда, сходящегося по признаку Даламбера. 13. Предельный признак Коши сходимости числового ряда. Оценка остатка ряда, сходящегося по предельному признаку Коши. 14. Интегральный признак Коши сходимости числового ряда. Ряды Дирихле. Оценка остатка ряда, сходящегося по интегральному признаку Коши. 15. Абсолютная и условная сходимость знакопеременных числовых рядов. 16. Признак Лейбница сходимости знакочередующихся рядов. Оценка остатка знакочередующегося ряда, сходящегося по признаку Лейбница. 17. Функциональный ряд, область его сходимости. Равномерная сходимость. Признак Вейерштрасса равномерной сходимости ряда. Свойства равномерно сходящихся рядов. 18. Степенной ряд. Теорема Абеля. Радиус сходимости степенного ряда. 19. Свойства степенных рядов. Почленное дифференцирование и интегрирование степенных рядов. 20. Ряд Тейлора. Необходимое и достаточное условие представимости функции рядом Тейлора. 21. Ряд Фурье по ортогональной системе функций. Неравенство Бесселя. 22. Экстремальное свойство коэффициентов Фурье. 23. Полные ортогональные системы. Равенство Парсеваля. 24. Ряд Фурье по тригонометрической системе. Разложение в ряд Фурье на отрезке $[-1, 1]$. Достаточное условие сходимости ряда Фурье по тригонометрической системе. 25. Ряд Фурье для четных и нечетных функций. 26. Функции комплексного переменного. Понятие функции комплексного переменного. Предел и непрерывность функций
------	-------------------------	--	--

			<p>комплексного переменного. Дифференцируемость функций комплексного переменного, аналитические функции, условия Коши- Римана.</p> <p>27. Элементарные функции комплексного переменного: степенная функция; показательная, тригонометрические и гиперболические функции (формулы Эйлера); корень n-ой степени и логарифм.</p> <p>28. Определение и основные свойства интеграла от функций комплексного переменного. Теорема Коши (интеграл от аналитической функции по замкнутому кусочно-гладкому контуру). Интеграл и первообразная. Интегральная формула Коши.</p> <p>29. Ряды Тейлора и Лорана функций комплексного переменного.</p> <p>30. Изолированные особые точки аналитической функции. Вычет в особой точке, его вычисление. Основная теорема о вычетах.</p> <p>31. Приложение теории вычетов к вычислению несобственных и определенных интегралов от функций действительной переменной.</p> <p>32. Определения преобразования Лапласа, функций-оригиналов и изображений.</p> <p>33. Методы восстановления оригинала по его изображению.</p> <p>34. Приложение преобразования Лапласа к решению дифференциальных уравнений и систем линейных дифференциальных уравнений.</p> <p>35. Определение преобразования Фурье.</p>
КМ21	Экзамен, четвертый семестр	УК-1-32;УК-1-В2	<p>1. Предмет «Теория вероятностей и математическая статистика». Вероятностная модель эксперимента с конечным числом исходов.</p> <p>2. Классический способ задания вероятностей. Примеры вычисления вероятностей для выборок с возвращением и без возвращения, размещения шаров по ящикам. Частота как статистическая вероятность события.</p> <p>3. Геометрическое определение вероятностей. Условная вероятность. Независимость событий.</p> <p>4. Формулы сложения и умножения вероятностей.</p> <p>5. Формула полной вероятности, формула Байеса.</p> <p>6. Схема Бернулли. Предельные теоремы — локальная, интегральная, теорема Пуассона.</p> <p>7. Дискретные случайные величины и их функции распределения. Основные дискретные распределения.</p> <p>8. Числовые характеристики дискретных случайных величин — математическое ожидание, дисперсия, квадратическое отклонение.</p> <p>9. Вероятностная модель эксперимента с бесконечным числом исходов. Непрерывные случайные величины. Типы функций распределения.</p> <p>10. Основные непрерывные распределения — нормальное, равномерное, показательное и др. Числовые характеристики непрерывных случайных величин.</p> <p>11. Системы случайных величин. Функции распределения и плотности системы двух случайных величин.</p> <p>12. Зависимые и независимые случайные величины.</p> <p>13. Числовые характеристики системы случайных величин. Распределение функции от одной или двух случайных величин. Формулы свертки.</p> <p>14. Понятие о цепях Маркова. Классификация состояний марковской цепи по свойствам переходных вероятностей.</p> <p>15. Существование предельных и стационарных распределений.</p> <p>16. Предмет статистики. Понятие о выборочном исследовании. Табличный и графический способы представления статистических данных. Эмпирическая функция распределения.</p> <p>17. Точечные оценки параметров распределения и их свойства. Основные выборочные точечные оценки.</p> <p>18. Интервальное оценивание параметров распределения случайных величин. Доверительная вероятность и предельная ошибка выборки.</p> <p>19. Примеры построения доверительных интервалов.</p> <p>20. Общие принципы проверки статистических гипотез.</p> <p>21. Статистический критерий. Ошибки первого и второго рода.</p> <p>22. Проверка гипотез о параметрах генеральных совокупностей.</p> <p>23. Понятие о корреляционной зависимости. Уравнение регрессии.</p> <p>24. Коэффициенты корреляции Пирсона, Кендалла, Спирмена.</p>

КМ22	Опрос на занятиях	УК-1-31;УК-1-32	
5.2. Перечень работ, выполняемых по дисциплине (Курсовая работа, Курсовой проект, РГР, Реферат, ЛР, ПР и т.п.)			
Код работы	Название работы	Проверяемые индикаторы компетенций	Содержание работы
P1	Индивидуальное домашнее задание № 1 "Векторная алгебра и ее применение к задачам геометрии."	УК-1-У1;УК-1-В1	Решение практических индивидуальных задач по тематике данного раздела
P2	Индивидуальное домашнее задание № 2 "Алгебраические кривые и алгебраически поверхности второго порядка".	УК-1-У1;УК-1-В1	Решение практических индивидуальных задач по тематике данного раздела
P3	Индивидуальное домашнее задание № 3 "Матрицы, определители n-ого порядка и системы линейных уравнений".	УК-1-У1;УК-1-В1	Решение практических индивидуальных задач по тематике данного раздела
P4	Индивидуальное домашнее задание № 4 "Линейные операторы и квадратичные формы. Их приложения".	УК-1-У1;УК-1-В1	Решение практических индивидуальных задач по тематике данного раздела
P5	Индивидуальное домашнее задание № 1 "Вычисление пределов числовых последовательностей и функций. Исследование функций на непрерывность".	УК-1-У1	Решение практических индивидуальных задач по тематике данного раздела
P6	Индивидуальное домашнее задание № 2 "Дифференцирование функций одной переменной".	УК-1-В1;УК-1-У1	Решение практических индивидуальных задач по тематике данного раздела
P7	Индивидуальное домашнее задание № 3 "Приложения дифференциального исчисления функций одной переменной".	УК-1-У1;УК-1-В1	Решение практических индивидуальных задач по тематике данного раздела
P8	Индивидуальное домашнее задание № 4 "Дифференциальное исчисление функций многих переменных и его приложения»	УК-1-У2	Решение практических индивидуальных задач по тематике данного раздела

P9	Индивидуальное домашнее задание № 1 "Неопределенный интеграл".	УК-1-B1	Решение практических индивидуальных задач по тематике данного раздела
P10	Индивидуальное домашнее задание № 2 "Определенный интеграл".	УК-1-Y1	Решение практических индивидуальных задач по тематике данного раздела
P11	Индивидуальное домашнее задание № 3 "Кратные, криволинейные и поверхностные интегралы".	УК-1-B1;УК-1-Y1	Решение практических индивидуальных задач по тематике данного раздела
P12	Индивидуальное домашнее задание № 1 "Числовые и функциональные ряды "	УК-1-Y1	Решение практических индивидуальных задач по тематике данного раздела
P13	Индивидуальное домашнее задание № 2 "Теория функций комплексного переменного".	УК-1-Y2;УК-1-B1	Решение практических индивидуальных задач по тематике данного раздела
P14	Индивидуальное домашнее задание № 3 "Приложения операционного исчисления".	УК-1-Y1;УК-1-B1	Решение практических индивидуальных задач по тематике данного раздела
P15	Индивидуальное домашнее задание № 1 "Обыкновенные дифференциальные уравнения".	УК-1-B1	Решение практических индивидуальных задач по тематике данного раздела
P16	Индивидуальное домашнее задание № 2 "Системы дифференциальных уравнений. Устойчивость".	УК-1-Y1	Решение практических индивидуальных задач по тематике данного раздела
P17	Индивидуальное домашнее задание № 1 «Дискретная случайная величина, ее числовые характеристики».	УК-1-B2;УК-1-32	Решение практических индивидуальных задач по тематике данного раздела
P18	Индивидуальное домашнее задание № 2 «Непрерывная случайная величина, ее числовые характеристики».	УК-1-B2;УК-1-Y2	Решение практических индивидуальных задач по тематике данного раздела
P19	Индивидуальное домашнее задание № 3 «Сравнение двух случайных выборок».	УК-1-B2;УК-1-Y2;УК-1-Y1;УК-1-B1	Решение практических индивидуальных задач по тематике данного раздела

P20	Индивидуальное домашнее задание № 4 «Построение линейной и квадратичной моделей регрессии».	УК-1-У2	Решение практических индивидуальных задач по тематике данного раздела
-----	---	---------	---

5.3. Оценочные материалы, используемые для экзамена (билеты, тесты и т.п.)

В 1, 2, 3 и 4 семестрах для проведения экзамена используются билеты, состоящие из 3-х теоретических вопросов и 6 практических задач (подобных задачам, рассматриваемым в практическом курсе).

Билеты утверждены заведующим кафедрой и хранятся на кафедре.

Оценочные материалы дублируются на странице данного курса в системе электронной поддержки обучения LMS Moodle (сайт <https://lms.misis.ru/courses/>), доступной через личный кабинет обучающегося.

Экзамен проводится с использованием системы электронной поддержки обучения LMS Moodle (сайт <https://lms.misis.ru/courses/>), а также платформы

Microsoft Teams (сайт <https://www.microsoft.com/ru-ru/microsoft-365/microsoft-teams/group-chat-software>).

5.4. Методика оценки освоения дисциплины (модуля, практики. НИР)

Итоговая оценка по результатам освоения дисциплины носит интегральный характер и формируется в течение всего семестра. С этой целью используется балльно-рейтинговая система (БРС) контроля успеваемости студента. Текущие оценочные мероприятия каждого семестра составляют от 0 до 35 баллов. Итоговые оценочные знания (экзамен) составляют от 0 до 65 баллов.

Итоговая оценка за каждый семестр обучения студента формируется согласно шкале:

от 0 до 35 баллов соответствует оценке "неудовлетворительно",

от 36 до 59 баллов соответствует оценке "удовлетворительно",

от 60 до 79 баллов соответствует оценке "хорошо",

от 80 до 100 баллов соответствует оценке "отлично".

Баллы за выполнение текущих контрольных мероприятий каждого семестра выставляются следующим образом:

Контрольные работы (КР) – максимум 15 баллов за все КР.

Индивидуальные домашние задания (ИДЗ при необходимости с защитой) – максимум 12 баллов за все ИДЗ.

За активное посещение практических и лекционных занятий в семестре – максимум 8 баллов.

Баллы за выполнение экзаменационного билета каждого семестра выставляются следующим образом:

решение практической части билета оценивается от 0 до 50 баллов;

выполнение теоретических вопросов оценивается от 0 до 15 баллов.

6. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ

6.1. Рекомендуемая литература

6.1.1. Основная литература

	Авторы, составители	Заглавие	Библиотека	Издательство, год
Л1.1	Пискунов Н. С.	Дифференциальное и интегральное исчисления: в 2-х т. Т. 2: учеб. пособие для студ. вузов	Библиотека МИСиС	М.: Интеграл-Пресс, 2006
Л1.2	Гмурман В. Е.	Теория вероятностей и математическая статистика: учеб. пособие	Библиотека МИСиС	М.: Высш. шк., 2005
Л1.3	Краснов М. Л., Киселев А. И., Макаренко Г. И.	Функции комплексного переменного. Операционное исчисление. Теория устойчивости: учебное пособие	Электронная библиотека	Москва: Наука, 1971
Л1.4	Чуешев В. В., Чушева Н. А.	Теория функций комплексного переменного: учебное пособие	Электронная библиотека	Кемерово: Кемеровский государственный университет, 2016
Л1.5	Пискунов Н. С.	Дифференциальное и интегральное исчисления: учебник	Библиотека МИСиС	СПб.: Мифрил, 1996

	Авторы, составители	Заглавие	Библиотека	Издательство, год
Л1.6	Плужникова Елена Леонидовна, Разумейко Борис Григорьевич	Математический анализ. Дифференциальное исчисление функций одной переменной: учеб. пособие	Электронная библиотека	М.: Изд-во МИСиС, 2011
Л1.7	Болгов В. А., Демидович Б. П., Ефимов А. В., др., Ефимов А. В., Демидович Б. П.	Линейная алгебра и основы математического анализа	Библиотека МИСиС	, 2010
Л1.8	Ким-Тян Луиза Ревмировна, Недосекина Ирина Сергеевна	Интегральное исчисление функций многих переменных. Векторный анализ (N 2973): курс лекций	Электронная библиотека	М.: [МИСиС], 2018
Л1.9	Ильин В. А., Позняк Э. Г.	Линейная алгебра: учебник для студ. физ. спец. и спец. "Прикладная математика"	Библиотека МИСиС	М.: Физматлит, 2005
Л1.10	Треногин В. А.	Обыкновенные дифференциальные уравнения: учебник для студ. вузов, обуч. по физико-мат., техн., естеств. и экон. спец.	Библиотека МИСиС	М.: Физматлит, 2009
Л1.11	Плужникова Елена Леонидовна, Разумейко Борис Григорьевич	Математический анализ. Интегральное исчисление: учеб. пособие	Электронная библиотека	М.: Изд-во МИСиС, 2011
Л1.12	Плужникова Елена Леонидовна, Разумейко Борис Григорьевич	Математический анализ. Ряды: учеб. пособие	Электронная библиотека	М.: Изд-во МИСиС, 2011
6.1.2. Дополнительная литература				
	Авторы, составители	Заглавие	Библиотека	Издательство, год
Л2.1	Демидович Б. П.	Задачи и упражнения по математическому анализу для вузов: учебное пособие	Электронная библиотека	Москва: Наука, 1978
Л2.2	Фихтенгольц Г. М.	Курс дифференциального и интегрального исчисления. Т. 3: учеб. пособие для ун-тов и пед. вузов	Библиотека МИСиС	М.: Наука, 1969
Л2.3	Вуколов Э. А., Ефимов А. В., Земсков В. Н., Поспелов А. С., Ефимов А. В., Поспелов А. С.	Сборник задач по математике для вузов. В 4-х ч. Ч. 4: учеб. пособие для вузов	Библиотека МИСиС	М.: Физматлит, 2004
Л2.4	Болгов В. А., Ефимов А. В., Каракулин А. Ф., др., Ефимов А. В., Демидович Б. П.	Специальные разделы математического анализа	Библиотека МИСиС	, 2010
Л2.5	Плужникова Елена Леонидовна, Разумейко Борис Григорьевич	Линейная алгебра: учеб. пособие	Электронная библиотека	М.: Изд-во МИСиС, 2011

	Авторы, составители	Заглавие	Библиотека	Издательство, год
Л2.6	Рябушко А. П., Бархатов В. В., Державец В. В., Юреть И. Е.	Индивидуальные задания по высшей математике: учебное пособие	Электронная библиотека	Минск: Вышэйшая школа, 2014
Л2.7	Ефимов А. В., Каракулин А. Ф., Поспелов А. С., др., Ефимов А. В., Поспелов А. С.	Сборник задач по математике для втузов. В 4-х ч. Ч. 3: учеб. пособие для втузов	Библиотека МИСиС	М.: Физматлит, 2003
Л2.8	Гусак А. А., Бричикова Е. А.	Теория вероятностей: примеры и задачи: учебное пособие	Электронная библиотека	Минск: ТетраСистемс, 2013
Л2.9	Ефимов А. В., Каракулин А. Ф., Коган С. М., др., Ефимов А. В., Поспелов А. С.	Сборник задач по математике для втузов. В 4-х ч. Ч. 2: учеб. пособие для втузов	Библиотека МИСиС	М.: Физматлит, 2003
Л2.10	Шерстов Сергей Вадимович	Аналитическая геометрия и линейная алгебра. Матрицы и системы уравнений (N 2585): учебно-метод. пособие	Электронная библиотека	М.: [МИСиС], 2015
Л2.11	Разумейко Борис Григорьевич, Плужникова Елена Леонидовна	Дифференциальное исчисление функций многих переменных: практикум	Электронная библиотека	М.: Изд-во МИСиС, 2015
Л2.12	Вентцель Е. С., Овчаров Л. А.	Теория вероятностей (задачи и упражнения): учеб. пособие для студ. вузов	Библиотека МИСиС	М.: Наука, 1973
Л2.13	Дубровский В. В., Кадченко С. И., Дубровский В. В.	Обыкновенные дифференциальные уравнения: теория и приложения: учебное пособие	Электронная библиотека	Москва: ФЛИНТА, 2020
Л2.14	Эльсгольц Л. Э.	Дифференциальные уравнения и вариационное исчисление: учебник	Электронная библиотека	Москва: б.и., 1969
6.1.3. Методические разработки				
	Авторы, составители	Заглавие	Библиотека	Издательство, год
Л3.1	Лоссиевская Татьяна Владимировна	Математический анализ. Функции нескольких переменных: учеб. пособие	Электронная библиотека	М.: Изд-во МИСиС, 2014
Л3.2	Чеголин А. П.	Линейная алгебра и аналитическая геометрия: учебное пособие	Электронная библиотека	Ростов-на-Дону: Южный федеральный университет, 2015
Л3.3	Карасев Владимир Анатольевич, Богданов С. Н., Лёвшина Галина Дмитриевна	Теория вероятностей и математическая статистика. Разд. 2. Математическая статистика: учеб.-метод. пособие	Электронная библиотека	М.: Учеба, 2005
Л3.4	Плужникова Елена Леонидовна, Разумейко Борис Григорьевич	Аналитическая геометрия: учеб. пособие	Электронная библиотека	М.: Изд-во МИСиС, 2011

	Авторы, составители	Заглавие	Библиотека	Издательство, год
ЛЗ.5	Макаров Петр Витальевич, Адигамов Аркадий Энгелевич, Семенова Наталья Вячеславовна, Дамиан Ф. Л.	Математика. Числовые, функциональные ряды, ряды Фурье (N 2782): учеб. пособие	Электронная библиотека	М.: [МИСиС], 2019
ЛЗ.6	Плужникова Елена Леонидовна, Разумейко Борис Григорьевич	Математический анализ. Дифференциальные уравнения: учеб. пособие	Электронная библиотека	М.: Изд-во МИСиС, 2011
ЛЗ.7	Горушкина Нина Вадимовна, Карасев Владимир Анатольевич, Лёвшина Галина Дмитриевна	Математика. Теория функций комплексного переменного (N 3146): практикум	Электронная библиотека	М.: [МИСиС], 2019
ЛЗ.8	Туганбаев А. А.	Функции нескольких переменных и кратные интегралы: учебное пособие	Электронная библиотека	Москва: ФЛИНТА, 2022
ЛЗ.9	Зубова И., Острая О., Павленко А., Рассоха Е.	Основы математического анализа: модуль "Функции нескольких переменных": самоучитель	Электронная библиотека	Оренбург: Оренбургский государственный университет, 2011
ЛЗ.10	Карасев Владимир Анатольевич, Лёвшина Галина Дмитриевна	Теория вероятностей и математическая статистика. Теория вероятностей: практикум	Электронная библиотека	М.: Изд-во МИСиС, 2015
ЛЗ.11	Разумейко Борис Григорьевич, Плужникова Елена Леонидовна, Ким-Тян Луиза Ревмировна	Математика. Интегральное исчисление функций одной переменной (N 2972): практикум	Электронная библиотека	М.: [МИСиС], 2017

6.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»

Э1	Библиотека физико-математической литературы	http://eqworld.ipmnet.ru/
Э2	Электронная библиотека МИСиС	http://elibrary.misis.ru/login.php
Э3	Механика и прикладная математика	http://mechmath.ipmnet.ru/
Э4	Система электронной поддержки обучения LMS Canvas	https://lms.misis.ru

6.3 Перечень программного обеспечения

П.1	Microsoft Office
П.2	LMS Moodle
П.3	MS Teams

6.4. Перечень информационных справочных систем и профессиональных баз данных

И.1	1) Zentralblatt MATH - реферативная математическая база данных:
И.2	https://zbmath.org/
И.3	2) Springerlink – преимущественно научно-технические журналы, книги и справочные материалы по математике:
И.4	https://link.springer.com/search?facet-discipline=%22Mathematics%22

7. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ

Ауд.	Назначение	Оснащение
Б-734	Лекционная аудитория	комплект учебной мебели на 140 мест для обучающихся, рабочее место преподавателя, мультимедийное оборудование, ноутбук с доступом к ИТС «Интернет», ЭИОС университета через личный кабинет на платформе LMS Moodle, лицензионные программы MS Office, MS Teams, ESET Antivirus и технические средства обучения, служащие для предоставления информации большой аудитории

Б-1104	Компьютерный класс	комплект учебной мебели на 30 рабочих мест, моноблоки для студентов (20 шт.), 1 маркерная доска, телевизор для презентаций, рабочее место для преподавателя с моноблоком (1 шт)
Б-1102	Компьютерный класс	комплект учебной мебели на 30 рабочих мест, моноблоки для студентов (20 шт.), 1 маркерная доска, телевизор для презентаций, рабочее место для преподавателя с моноблоком (1 шт), цифровой флипчарт (передвижной)
Читальный зал электронных изданий	Аудитория для самостоятельной работы	комплект учебной мебели на 55 мест для обучающихся, 50 ПК с доступом к ИТС «Интернет», ЭИОС университета через личный кабинет на платформе LMS Moodle

8. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ

Эффективное освоение дисциплины предполагает регулярное посещение всех видов аудиторных занятий, выполнение плана самостоятельной работы в полном объеме и прохождение аттестации в соответствии с календарным учебным графиком. Обучающемуся рекомендуется ознакомиться со списком основной и дополнительной литературы, взять в библиотеке издания (необходимо иметь при себе персонифицированную электронную карту и уметь пользоваться электронным каталогом). Доступ к информационным ресурсам библиотеки и информационно-справочным системам сети «Интернет» организован в читальных залах библиотеки, в помещениях для самостоятельной работы обучающихся со стационарных ПЭВМ, либо с личного ПЭВМ (ноутбука, планшетного компьютера или иного мобильного устройства) посредством беспроводного доступа при активации индивидуальной учетной записи. Пользование информационными ресурсами расширяет возможности освоения теоретического курса, выполнения самостоятельной работы и позволяет получить информацию для реализации творческих образовательных технологий. Комплект учебно-методических материалов по всем видам учебной деятельности, предусмотренным рабочей программой дисциплины (модуля), размещен на странице данного курса в системе электронной поддержки обучения LMS Moodle (сайт <https://newlms.misis.ru/>), доступной через личный кабинет обучающегося. Самостоятельная работа, связанная с выполнением индивидуальных домашних заданий организована таким образом, чтобы обучающийся имел возможность получать обратную связь о результатах их выполнения по мере готовности до начала промежуточной аттестации. Для этого контрольные работы, индивидуальные домашние задания направляются в адрес преподавателя, который проверяет их и возвращает обучающемуся с комментариями. Совместная деятельность преподавателя и обучающихся по проверке выполнения мероприятий текущего контроля, предусмотренных рабочей программой дисциплины (модуля) организована в системе электронной поддержки обучения LMS Moodle (сайт <https://newlms.misis.ru/>). Для корректной работы в системе обучающиеся должны ввести актуальный адрес своей электронной почты. При выполнении самостоятельной работы обучающемуся рекомендуется руководствоваться учебно-методическими материалами, размещенными на странице данного курса в системе электронной поддержки обучения LMS Moodle (сайт <https://newlms.misis.ru/>), а также учебно-методическими материалами, которые указаны для самостоятельной работы по темам дисциплины в разделе РПД "Структура и содержание".